

premier opéra en 1733. L'instrumentation avait fait de grands progrès. (A. Adam.)

Encycl. Mus. L'art de l'instrumentation est difficile; il ne peut être que le résultat de longues études... On écrit dans une certaine intuition. En écrivant, on dispose en un groupe compact l'ensemble des instruments si variés dont l'orchestre moderne dispose...

INSUBERSIBLE adj. (ain-su-lmèr-si-ble — du préf. in, et de subversible). Qui n'est point subversible; Dignes INSUBERSIBLES. C'est INSUBERSIBLEMENT.

INSUBORDINATION s. f. (ain-su-hor-di-na-si-on — du préf. in, et de subordination). Défaut de subordination; manquement à la subordination; Esprit d'INSUBORDINATION. Acébut qu'il se propose dans l'arrangement de son instrumentation. Ce n'est pas, dit M. Féty, une des moindres merveilles de la musique que cette faculté de prévoir...

INSUBORDONNÉ, ÉE adj. (ain-su-hor-di-na-si-on — du préf. in, et de subordonné). Qui a l'esprit d'insubordination, qui manque fréquemment à la subordination; Soldats INSUBORDONNÉS. Employés INSUBORDONNÉS. — Substantif. Personne INSUBORDONNÉE: Sommette des INSUBORDONNÉS.

INSUBRES, peuple de la Gaule ancienne; il habitait primitivement la Gaule Lyonnaise, pays de la Loire, dans le voisinage des Alpes et fonda Mediolanum (Milan), ainsi que plusieurs autres villes de l'Italie septentrionale.

INSUBRIE, ancienne contrée du nord de l'Italie, où les Insubres vinrent s'établir. — INSUBRIEN, IENNE s. et adj. (ain-su-bri-an, i-e-ne). Géogr. anc. Habitant de l'Insubrie; qui appartient à ce pays ou à ses habitants: Les INSUBRIENS. Les villes INSUBRIENNES. On dit aussi INSUBRE.

INSUBSTANTIEL, ELLE adj. (ain-su-stan-si-el, e-le — du préf. in, et de substantiel). Qui n'est pas substantiel, qui manque de consistance, de solidité: Ces subtilités sont INSUBSTANTIELLES, auxquelles le philosophe s'arrête quelquefois... (Montaigne).

INSUCCESSÉ s. m. (ain-su-ké — du préf. in, et de succès). Défaut, manque de succès: L'INSUCCESSÉ d'une entreprise. Être déconseillé par l'INSUCCESSÉ. L'INSUCCESSÉ est factuellement un crime pour les hommes d'Etat comme pour les hommes de guerre. (Lamart.)

INSUFFISANT, ANTE adj. (ain-su-fl-zan, an-te — du préf. in, et de suffisant). Qui n'est pas suffisant, qui ne suffit pas: Moyens INSUFFISANTS pour atteindre son but. La raison est INSUFFISANTE pour vaincre les passions. — Substantif. Personne INSUFFISANTE: L'INSUFFISANCE de son caractère. — INADÉQUATE.

INSUFFISANCE adv. (ain-su-fl-zan — du préf. in, et de suffisance). D'une manière insuffisante: Être INSUFFISamment sûr. — INADÉQUATEMENT.

INSUFFISANCE s. f. (ain-su-fl-zan-se — du préf. in, et de suffisance). Défaut de ce qui est insuffisant: L'INSUFFISANCE des moyens employés. C'est l'INSUFFISANCE de l'amitié qui la fait périr. (Vauven.)

INSUFFISANT adv. (ain-su-fl-zan — du préf. in, et de suffisance). D'une manière insuffisante: Être INSUFFISamment sûr. — INADÉQUATEMENT.

INSUFFISANCE s. f. (ain-su-fl-zan-se — du préf. in, et de suffisance). Défaut de ce qui est insuffisant: L'INSUFFISANCE des moyens employés. C'est l'INSUFFISANCE de l'amitié qui la fait périr. (Vauven.)

INSUFFISANCE s. f. (ain-su-fl-zan-se — du préf. in, et de suffisance). Défaut de ce qui est insuffisant: L'INSUFFISANCE des moyens employés. C'est l'INSUFFISANCE de l'amitié qui la fait périr. (Vauven.)

INSUFFISANCE s. f. (ain-su-fl-zan-se — du préf. in, et de suffisance). Défaut de ce qui est insuffisant: L'INSUFFISANCE des moyens employés. C'est l'INSUFFISANCE de l'amitié qui la fait périr. (Vauven.)

INSU DE (A L) loc. prépos. (ain-su — du préf. in, et de su, part. passé du v. savoir). Dans l'ignorance de, la chose étant ignorée de: Des gens vous promettent le secret, et ils le révéleront à tout le monde; on lit sur leur front et dans leurs yeux; on voit au travers de leur poitrine: ils sont transparents. (La Bruy.) La vérité est comme la lumière: elle nous éclaire et nous pèche à notre INSU. (Ch. Fauvety.)

INSULTANT, ANTE adj. (ain-sul-tan, an-te — du préf. in, et de insulte). Qui insulte. Des propos INSULTANTS. Insultes, qui offensent. C'est un grand vice d'être avarié et de prêter à usure; mais n'en est-ce pas un plus grand encore à un fils de voler son père, de lui manquer de respect, de lui faire mille INSULTS reproches? (J.-J. Rousseau.) Qui insulte, qui se montre insolent, en parlant des personnes: Un Turc devient aussi simple, s'il voit que tout ne se crève pas, qu'il est INSULTANT s'il s'aperçoit qu'il vous fait peur. (Chateaub.)

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

Enfin, on observe un intervalle très-marqué entre le battant du cœur et la pulsation d'une artère éloignée. — L'insuffisance aortique a une durée variable, presque illimitée. Beaucoup de malades meurent subitement, par syncope. Voici, d'après Grisolles, quelques-unes des lésions les plus fréquentes des insuffisances des valves: 1° les transformations cartilagineuses, osseuses, cratées de ces soupapes, altérations qui ont pour effet de les rendre à peu près rétractées, et surtout de les faire correspondre à l'endocarde; 3° leur rupture, leurs perforations, leur atrophie; 4° les végétations, les concrétions fibrineuses et les vrais polypes, qui, en s'engageant dans l'orifice, empêchent la coaptation des bords opposés d'insuffisance. De la famille, l'INSUBORDINATION s'est glissée dans la société. (Chateaub.)

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

de Jersey et de Guernesey soupiraient bien ardemment après leur patrie natale. (Proudh.) — s. m. Antiq. rom. Esclave employé comme gardien dans une lie ou un lieu de maisons, dont il était chargé de faire payer les loyers, à l'état exilé dans un lieu où il était employé à des travaux publics. — s. f. pl. Aracée. Groupe d'aracées, formé aux dépens des dolomèdes.

INSULTANT, ANTE adj. (ain-sul-tan, an-te — du préf. in, et de insulte). Qui insulte. Des propos INSULTANTS. Insultes, qui offensent. C'est un grand vice d'être avarié et de prêter à usure; mais n'en est-ce pas un plus grand encore à un fils de voler son père, de lui manquer de respect, de lui faire mille INSULTS reproches? (J.-J. Rousseau.) Qui insulte, qui se montre insolent, en parlant des personnes: Un Turc devient aussi simple, s'il voit que tout ne se crève pas, qu'il est INSULTANT s'il s'aperçoit qu'il vous fait peur. (Chateaub.)

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

de Jersey et de Guernesey soupiraient bien ardemment après leur patrie natale. (Proudh.) — s. m. Antiq. rom. Esclave employé comme gardien dans une lie ou un lieu de maisons, dont il était chargé de faire payer les loyers, à l'état exilé dans un lieu où il était employé à des travaux publics. — s. f. pl. Aracée. Groupe d'aracées, formé aux dépens des dolomèdes.

INSULTANT, ANTE adj. (ain-sul-tan, an-te — du préf. in, et de insulte). Qui insulte. Des propos INSULTANTS. Insultes, qui offensent. C'est un grand vice d'être avarié et de prêter à usure; mais n'en est-ce pas un plus grand encore à un fils de voler son père, de lui manquer de respect, de lui faire mille INSULTS reproches? (J.-J. Rousseau.) Qui insulte, qui se montre insolent, en parlant des personnes: Un Turc devient aussi simple, s'il voit que tout ne se crève pas, qu'il est INSULTANT s'il s'aperçoit qu'il vous fait peur. (Chateaub.)

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSULTÉ s. m. (ain-sul-té — du préf. in, et de insulte). Qui a été insulté. — Coup de main, attaque brusque et vive: Mettre un poste à l'abri de toute INSULTÉ. (Acad.) — Rem. Ce mot était autrefois masculin: Evard seul, en un coin profondément retiré, Se croyait à couvert de l'insulte sacrée.

INSURGÉ, ÉE (ain-sür-jé) part. passé du v. s'insurger. Une nation INSURGÉE. Albert Jerny désignait les Saxons révoltés par le nom de ville morte de rastaude. (Bigon.) — Substantif. — Les INSURGÉS de Juin. L'INSURGEMENT poétique et l'INSURGEMENT (V. Hugo.) — Pop. Insurgé de Romilly. Excrément humain. Voici l'origine de cette bizarre locution. En 1848, des insurgés vaincus étaient employés à creuser un canal près d'un bois qu'ils traversaient soir et matin pour se rendre à Romilly, près de Comfains. On sait comment les ouvriers ont l'habitude de décorer les lieux voisins de leurs chantiers. Les allees du bois de Romilly les attirèrent particulièrement par le double avantage de la fraîcheur et de ce secret que docteurs déclamaient. Après quelques jours, le propriétaire du bois étant venu visiter son immeuble, et calculant sur les traces nombreuses laissées par les ouvriers le nombre même des travailleurs, se put s'empêcher de s'écrier en se pinçant le nez: Dieu, que d'insurgés! Le mot est resté.

INSURGÉS s. m. (ain-sür-jan — rad. insurger). Hist. Corps de troupes hongroises qu'on levait autrefois extraordinairement pour le service de l'Etat. Nous donnés aux Américains qui se soulèvent pour la cause de l'indépendance dans les colonies anglaises. — INSURGER (5°) v. pr. (ain-sür-jé — lat. insurgere; de in, contre, et surgere, se lever). Se révolter, se soulever contre un pouvoir établi: Paris s'insurge et révolutionne la France tout les quinze ans, l'un dans l'autre. (Cormen.) Se révolter, se mettre en rébellion: Nous ne reconnaissons pas même au suffrage universel le droit de s'insurger contre son roi. (E. de Gir.)

INSURGEON s. m. (ain-sür-jan). Techn. Nom des cordons ou fils de soie dont se compose le croisement produit, par la seule combinaison du rennetage, un double fil formant des chevrons.

INSURMONTABLE adj. (ain-sür-mon-ta-ble — du préf. in, et de surmonter). Qui ne peut surmonter: Un obstacle INSURMONTABLE. Pour faire de grandes choses, il faut une opiniâtreté INSURMONTABLE. (Vol.)

INSURON s. m. (ain-sür-jan). Techn. Nom des cordons ou fils de soie dont se compose le croisement produit, par la seule combinaison du rennetage, un double fil formant des chevrons.

INSURMONTABLE adj. (ain-sür-mon-ta-ble — du préf. in, et de surmonter). Qui ne peut surmonter: Un obstacle INSURMONTABLE. Pour faire de grandes choses, il faut une opiniâtreté INSURMONTABLE. (Vol.)

INSURON s. m. (ain-sür-jan). Techn. Nom des cordons ou fils de soie dont se compose le croisement produit, par la seule combinaison du rennetage, un double fil formant des chevrons.

INSURMONTABLE adj. (ain-sür-mon-ta-ble — du préf. in, et de surmonter). Qui ne peut surmonter: Un obstacle INSURMONTABLE. Pour faire de grandes choses, il faut une opiniâtreté INSURMONTABLE. (Vol.)

INSURON s. m. (ain-sür-jan). Techn. Nom des cordons ou fils de soie dont se compose le croisement produit, par la seule combinaison du rennetage, un double fil formant des chevrons.

INSURMONTABLE adj. (ain-sür-mon-ta-ble — du préf. in, et de surmonter). Qui ne peut surmonter: Un obstacle INSURMONTABLE. Pour faire de grandes choses, il faut une opiniâtreté INSURMONTABLE. (Vol.)

INSURON s. m. (ain-sür-jan). Techn. Nom des cordons ou fils de soie dont se compose le croisement produit, par la seule combinaison du rennetage, un double fil formant des chevrons.

INSURMONTABLE adj. (ain-sür-mon-ta-ble — du préf. in, et de surmonter). Qui ne peut surmonter: Un obstacle INSURMONTABLE. Pour faire de grandes choses, il faut une opiniâtreté INSURMONTABLE. (Vol.)

INSURON s. m. (ain-sür-jan). Techn. Nom des cordons ou fils de soie dont se compose le croisement produit, par la seule combinaison du rennetage, un double fil formant des chevrons.

INSURMONTABLE adj. (ain-sür-mon-ta-ble — du préf. in, et de surmonter). Qui ne peut surmonter: Un obstacle INSURMONTABLE. Pour faire de grandes choses, il faut une opiniâtreté INSURMONTABLE. (Vol.)

INSURON s. m. (ain-sür-jan). Techn. Nom des cordons ou fils de soie dont se compose le croisement produit, par la seule combinaison du rennetage, un double fil formant des chevrons.

INSURMONTABLE adj. (ain-sür-mon-ta-ble — du préf. in, et de surmonter). Qui ne peut surmonter: Un obstacle INSURMONTABLE. Pour faire de grandes choses, il faut une

grale se compose d'une quantité fixe, à laquelle on peut ajouter des multiples entiers quelconques de quantités α , β , etc., qu'on nomme les périodes de l'intégrale.

Ces découvertes entraîneront la nécessité de réformer la définition d'une intégrale. C'est M. Cauchy qui s'est chargé de remplir la lacune qui venait d'être signalée. L'indétermination, évidemment, ne pouvait tenir qu'à ce que la marche de x de a à b , c'est-à-dire la succession des valeurs que devait prendre la variable dans l'intervalle de a à b , restait complètement arbitraire; d'où il résultait que, pour que l'intégrale devint véritablement définie, il fallait indiquer par quelles valeurs la variable progresserait de a à b . Pour comprendre immédiatement tous les cas, M. Cauchy imagina de considérer la variable comme pouvant devenir imaginaire, et de définir la marche de cette variable entre les limites a et b , qui pouvaient devenir imaginaires, en se donnant une relation entre les parties réelle et imaginaire de x . Lorsque la fonction $f(x)$, placée sous le signe \int , comportait elle-même plusieurs déterminations, il convenait de préciser celle à laquelle devait se rapporter l'intégration.

Les meilleures choses ne sont pas toujours immédiatement appréciées, et la lumineuse idée de Cauchy lui valut les incertains compliments d'un jeune confrère sans expérience, qui, traduisant le mot *imaginaire* par inconnu indéterminé ou absurde, s'amusa énormément de l'idée qu'avait eue l'illustre géométricien de donner volontairement à une variable des valeurs imaginaires!!!

$$\sin YX \int_{x,y}^{x',y'} y dx' = \sin YX \int_{x,y}^{x',y'} y dx - \frac{1}{2} \sin YX \frac{\sin YX}{\sin YX} (y'_1 - y_1)$$

Cette égalité, qui reste vraie quels que soient $[x, y]$ et $[x', y']$ réels, est une identité absolue; elle s'applique donc même au cas où les limites sont imaginaires.

Or, lorsque les deux limites appartiennent à une même conjuguée, ayant pour caractéristique C ; si, d'ailleurs, l'axe des Y a été dirigé parallèlement aux cordes réelles de cette conjuguée (v. les mots CONJUGUÉS, CARACTÉRISTIQUES, CORDES RÉELLES), l'intégrale

$$\sin YX \int_{x,y}^{x',y'} y dx'$$

représente, par sa partie réelle, l'aire du diamètre de cette conjuguée, qui divise en parties égales ses cordes réelles, et, par sa partie imaginaire, l'aire comprise entre la conjuguée et son diamètre (V . QUADRATURES), ces deux aires, bien entendu, étant limitées aux cordes réelles de la conjuguée qui partent des points correspondants aux limites de l'intégrale. Quant à la partie complémentaire

$$\frac{1}{2} \sin YX \frac{\sin YX}{\sin YX} (y'_1 - y_1)$$

elle reçoit alors la forme plus simple

$$\sin YX \frac{y'_1 - y_1}{2C}$$

et la relation fondamentale écrite plus haut devient

$$\sin YX \int_{x,y}^{x',y'} y dx' = \sin YX \frac{y'_1 - y_1}{2C}$$

C'est de cette formule que nous déduirons dans chaque cas une interprétation toujours simple de l'intégrale contenue dans le premier membre, parce que celle qui contient le second représentera une aire connue, et que la partie complémentaire

$$\sin YX \frac{y'_1 - y_1}{2C}$$

qui est la formule analytique de la différence des triangles introduits aux limites par le changement opéré dans la direction des ordonnées, sera, d'abord, toujours facile à évaluer, et disparaîtra, d'ailleurs, dans tous les cas les plus intéressants où les limites de l'intégrale seront réelles.

Cela posé, nous commencerons par assigner dans chaque cas une valeur concrète de l'intégrale

$$\sin YX \int y dx;$$

nous verrons ensuite quelles peuvent être les autres, et comment elles peuvent s'acquiescer.

Nous supposons toujours, dans tout ce qui va suivre, les axes primitifs rectangulaires.

Considérons d'abord le cas où les limites seraient réelles par rapport à X . Si les deux points limites appartiennent à la courbe réelle et qu'un arc continu de cette courbe les réunisse, une des valeurs de l'intégrale sera la mesure de l'aire correspondant à cet arc.

Si les deux limites appartiennent à la conjuguée $C = \infty$, et qu'un arc continu de cette courbe les réunisse, une des valeurs de l'intégrale sera la mesure de l'aire correspondant

Cauchy continua de faire la joie de ce jeune collègue, en donnant bientôt après sa remarquable théorie des valeurs multiples des intégrales simples, et retrouvant les périodes des fonctions elliptiques.

Nous ne suivrons pas ici la méthode de l'illustre académicien; cette méthode assez détournée, très-difficile à décrire de difficultés de calcul presque inextricables, a été suppléée par une autre assez simple pour trouver l'explication dans les éléments, et qui est due à M. Marie. Cette méthode ramène la question relative aux intégrales des fonctions d'une seule variable à une simple question de géométrie analytique élémentaire, et elle s'étend sans nouvelles difficultés aux intégrales doubles ou même d'ordre quelconque, que M. Cauchy avait en vain tenté de soumettre à son analyse.

L'invention de cette méthode a valu à M. Marie, de la part du même académicien, des plaisanteries encore plus spirituelles que celles qu'avait méritées Cauchy; l'auteur ni son œuvre ne s'en portèrent pas plus mal.

— INTÉGRALES SIMPLÉS. Si l'on rapporte successivement une même courbe à deux systèmes d'axes OX, OY et $O'X, O'Y'$, les aires des segments correspondants, au même arc ayant pour extrémités $[x, y]$ et $[x', y']$ dans l'ancien système, $[x', y']$ et $[x, y]$ dans le nouveau, ces aires

$$\sin YX \int_{x,y}^{x',y'} y dx' \quad \text{et} \quad \sin Y'X' \int_{x',y'}^{x,y} y' dx'$$

sont liées entre elles par la relation

$$\sin YX \int_{x,y}^{x',y'} y dx' = \sin Y'X' \int_{x',y'}^{x,y} y' dx' - \frac{1}{2} \sin Y'X' \frac{\sin YX}{\sin Y'X'} (y'_1 - y_1)$$

à cet arc; la partie réelle de cette valeur sera l'aire du diamètre conjugué des cordes parallèles aux Y et à la conjuguée $C = \infty$, qui se trouvera comprise entre les limites de l'intégrale, par rapport à x , et la partie imaginaire sera l'aire comprise entre la conjuguée et son diamètre.

Si les deux limites appartiennent à la courbe réelle, mais qu'une autre branche de cette courbe ne les réunisse, les branches de la courbe réelle situées entre elles ne pourront donner lieu à aucune aire; l'anneau de la conjuguée $C = \infty$. Dans ce cas, entre autres valeurs, l'intégrale représentera la somme des mesures de l'aire comprise entre l'arc compris sur la courbe réelle entre la limite inférieure de l'intégrale et le point où la branche qui contient cette limite touchera la conjuguée $C = \infty$, de l'aire de la portion du diamètre qui correspond aux cordes parallèles aux Y de la conjuguée $C = \infty$, comprise dans l'intérieur de l'anneau considéré, de l'aire correspondante à l'arc compris sur la courbe réelle, entre le point où la branche qui contient la limite supérieure touche la conjuguée $C = \infty$ et la limite supérieure, cette somme augmentée ou diminuée de la moitié de l'aire intérieure imaginaire de l'anneau considéré, suivant que la limite inférieure de l'arc est à l'intérieur ou à l'extérieur de l'anneau.

Lorsque les deux limites se trouveront séparées l'une de l'autre par plusieurs anneaux de la conjuguée et de la courbe réelle, l'intégrale, parmi d'autres valeurs, représentera la somme des aires correspondantes aux branches extrêmes et au diamètre commun dans différents anneaux, comme dans le cas précédent, augmentée ou diminuée de la moitié de l'aire réelle ou imaginaire de chaque anneau de la courbe réelle ou de la conjuguée $C = \infty$.

Si les deux limites appartiennent à la conjuguée $C = \infty$, et qu'elles soient séparées par un ou plusieurs anneaux de la courbe réelle et de la conjuguée elle-même, ce cas s'analysera comme le précédent.

Enfin, si l'une des limites appartient à la courbe réelle et l'autre à la conjuguée $C = \infty$, l'intégrale représentera la somme des aires correspondantes aux arcs de la courbe réelle et de la conjuguée, compris entre les limites et le point où les deux courbes se touchent; dans le cas où les deux limites seraient séparées par quelques anneaux fermés de la conjuguée et de la courbe réelle, on tiendrait compte, comme dans les cas précédents, de la présence de ces anneaux.

Supposons, en second lieu, que l'une des limites appartienne à la courbe réelle et l'autre à une conjuguée qui touche la courbe réelle: si l'on imagine que l'on ait rendu l'axe des y parallèle aux cordes réelles de la conjuguée à laquelle appartient la limite imaginaire, la formule

$$\sin YX \int_{x,y}^{x',y'} y dx'$$

représente l'aire comprise entre l'axe des x , les cordes réelles des deux conjuguées mentionnées, l'une d'une des limites, l'autre de l'autre, et enfin l'arc composé qui joint ces deux points.

Cela posé, il est facile de se rendre compte de la manière dont s'accroît continuellement l'intégrale, lorsque la limite supérieure varie elle-même d'une manière continue: le point $[x, y]$ s'éloignant de sa position initiale, outre la quantité algébrique

$$\frac{y'_1 - y_1}{2C} + \sin YX \int_{x',y'}^{x,y} y' dx'$$

montre que, à la différence près de la partie algébrique

$$\frac{y'_1 - y_1}{2C}$$

l'intégrale aura pour valeur la somme des aires correspondantes aux arcs de la courbe

réelle et de sa conjuguée qui se trouveront compris entre les limites et le point de contact des deux courbes, les aires étant, bien entendu, limitées par des parallèles aux axes réelles de la conjuguée considérée. Si les deux limites étaient séparées l'une de l'autre par quelques anneaux fermés de la conjuguée et de la courbe réelle, on tiendrait compte de cette circonstance comme dans les cas précédents.

Supposons maintenant que les deux limites appartiennent à des conjuguées différentes, mais qui touchent la courbe réelle: on formera, dans ce cas, une des valeurs de l'intégrale en imaginant que le point mobile $[x, y]$ décroisse successivement, sur la conjuguée à laquelle appartient la limite inférieure, l'arc compris entre cette limite et le point où la conjuguée qui la contient touche la courbe réelle, l'arc de la courbe réelle compris entre les points où elle touche les deux conjuguées, enfin l'arc de la seconde conjuguée comprise entre le point où elle touche la courbe réelle et la limite supérieure.

Les parties réelle et imaginaire de

$$\frac{y'_1 - y_1}{2C} + \sin YX \int_{x',y'}^{x,y} y' dx'$$

varient avec la position du point $[x, y]$; mais, lorsque ce point revient à sa position initiale, quelque chemin qu'il ait suivi, $\frac{y'_1 - y_1}{2C}$ revient à sa valeur initiale $\frac{y'_1 - y_1}{2C}$, et la partie complémentaire s'évanouit. Elle disparaît encore dans un autre cas: celui où les limites appartiennent à la courbe réelle, parce qu'elle représente alors effectivement les aires des triangles interceptés entre l'axe des x et les limites; en supprimant cette partie complémentaire, on a l'aire comprise entre l'axe des x , une portion de la courbe réelle, la demi-circoufférence d'un anneau de conjuguées et des parallèles à l'ancien axe des y menés par les points limites.

Nous avons supposé dans tout ce qui précède que le point mobile $[x, y]$ ne sort pas des conjuguées qui touchent la courbe réelle; dans le cas contraire, qui comprend en particulier l'hypothèse où l'équation ne représenterait plus aucune courbe réelle, l'enveloppe imaginaire des conjuguées pourra toujours servir d'intermédiaire pour relier les deux conjuguées auxquelles appartiendraient les limites supérieure et inférieure de l'intégrale: cette grale se composera toujours de trois parties se rapportant, l'une à l'arc de la conjuguée contenant la limite inférieure qui s'étendra de cette limite au point de contact du milieu avec l'enveloppe; la seconde, à la portion de l'enveloppe comprise entre ce point et elle touchera les deux conjuguées passant par les deux limites; enfin, la troisième à la conjuguée à laquelle appartiendra la limite supérieure.

La première et la dernière partie de l'intégrale représenteront encore des aires connues; mais la partie intermédiaire, en général, ne représentera pas une aire définie par rapport à l'enveloppe. Quoiqu'il en soit, l'intégrale prise le long de l'enveloppe sera la seule qu'il puisse avoir à apprécier directement par des procédés purement analytiques; c'est-à-dire sans les secours que peut fournir une interprétation concrète, sans, par exemple, pouvoir recourir aux formules simples des quadratures approchées de Simpson ou de MM. Poncelet et Flobert.

On voit bien, par ce qui précède, comment une intégrale définie peut avoir une infinité de valeurs, en progression arithmétique, le quel que chemin que l'on adopte, on ne peut trouver pour l'intégrale que des valeurs différant entre elles de multiples entiers quelconques des aires des anneaux fermés tant de la courbe réelle que de ses conjuguées.

L'intégrale paraîtrait même complètement indéterminée si l'on pouvait supposer que les aires intérieures des anneaux fermés de conjuguées, compris entre les mêmes branches de la courbe réelle, pussent différer les unes des autres; mais on démontrera aisément (v. périodes) qu'il n'en est rien, que tous les anneaux fermés d'une même suite continuent envelopper une aire constante; de sorte que, quelque chemin que l'on adopte, on ne peut trouver pour l'intégrale que des valeurs différant entre elles de multiples entiers quelconques des aires des anneaux fermés tant de la courbe réelle que de ses conjuguées.

— INTÉGRALES DOUBLES. La théorie précédente s'applique sans difficultés aux intégrales doubles; mais l'interprétation complète de ces intégrales exige la distinction d'un grand nombre de cas dont nous considérerons seulement les plus pratiques, et, par conséquent, les plus utiles.

La définition d'une intégrale double

$$\iint dx dy,$$

lorsque les variables dont elle dépend doivent prendre des valeurs imaginaires, est assés sujette à des difficultés sur lesquelles nous devons insister avant de passer outre.

Il est évident d'abord qu'une des sommes représentées dans la formule

$$\iint dx dy$$

ne se sépare des autres qu'autant qu'on fournit deux relations entre les parties réelles et imaginaires de x , y et z qui, jointes aux deux équations dans lesquelles se décompose cette

partient la limite supérieure, correspondante à l'arc de cette courbe qui va du point où elle touche la courbe réelle à la limite supérieure.

Dans cette somme, la première partie est fixe et les deux autres variables, la seconde est réelle et la troisième se compose d'une partie réelle, qui représente l'aire du diamètre de la conjuguée, et d'une partie imaginaire, qui représente l'aire comprise entre la conjuguée et son diamètre. Lorsque le point $[x, y]$ se déplace, la seconde partie de l'intégrale s'accroît de l'aire de la courbe réelle qui se trouve comprise entre le point où elle touche la courbe réelle et le point mobile $[x, y]$, et la troisième se déplace dans ses deux parties à mesure que le point $[x, y]$ s'éloigne de la courbe réelle sur la conjuguée où il se trouve.

Les parties réelle et imaginaire de

$$\frac{y'_1 - y_1}{2C} + \sin YX \int_{x',y'}^{x,y} y' dx'$$

varient avec la position du point $[x, y]$; mais, lorsque ce point revient à sa position initiale, quelque chemin qu'il ait suivi, $\frac{y'_1 - y_1}{2C}$ revient à sa valeur initiale $\frac{y'_1 - y_1}{2C}$, et la partie complémentaire s'évanouit. Elle disparaît encore dans un autre cas: celui où les limites appartiennent à la courbe réelle, parce qu'elle représente alors effectivement les aires des triangles interceptés entre l'axe des x et les limites; en supprimant cette partie complémentaire, on a l'aire comprise entre l'axe des x , une portion de la courbe réelle, la demi-circoufférence d'un anneau de conjuguées et des parallèles à l'ancien axe des y menés par les points limites.

Nous avons supposé dans tout ce qui précède que le point mobile $[x, y]$ ne sort pas des conjuguées qui touchent la courbe réelle; dans le cas contraire, qui comprend en particulier l'hypothèse où l'équation ne représenterait plus aucune courbe réelle, l'enveloppe imaginaire des conjuguées pourra toujours servir d'intermédiaire pour relier les deux conjuguées auxquelles appartiendraient les limites supérieure et inférieure de l'intégrale: cette grale se composera toujours de trois parties se rapportant, l'une à l'arc de la conjuguée contenant la limite inférieure qui s'étendra de cette limite au point de contact du milieu avec l'enveloppe; la seconde, à la portion de l'enveloppe comprise entre ce point et elle touchera les deux conjuguées passant par les deux limites; enfin, la troisième à la conjuguée à laquelle appartiendra la limite supérieure.

La première et la dernière partie de l'intégrale représenteront encore des aires connues; mais la partie intermédiaire, en général, ne représentera pas une aire définie par rapport à l'enveloppe. Quoiqu'il en soit, l'intégrale prise le long de l'enveloppe sera la seule qu'il puisse avoir à apprécier directement par des procédés purement analytiques; c'est-à-dire sans les secours que peut fournir une interprétation concrète, sans, par exemple, pouvoir recourir aux formules simples des quadratures approchées de Simpson ou de MM. Poncelet et Flobert.

On voit bien, par ce qui précède, comment une intégrale définie peut avoir une infinité de valeurs, en progression arithmétique, le quel que chemin que l'on adopte, on ne peut trouver pour l'intégrale que des valeurs différant entre elles de multiples entiers quelconques des aires des anneaux fermés tant de la courbe réelle que de ses conjuguées.

L'intégrale paraîtrait même complètement indéterminée si l'on pouvait supposer que les aires intérieures des anneaux fermés de conjuguées, compris entre les mêmes branches de la courbe réelle, pussent différer les unes des autres; mais on démontrera aisément (v. périodes) qu'il n'en est rien, que tous les anneaux fermés d'une même suite continuent envelopper une aire constante; de sorte que, quelque chemin que l'on adopte, on ne peut trouver pour l'intégrale que des valeurs différant entre elles de multiples entiers quelconques des aires des anneaux fermés tant de la courbe réelle que de ses conjuguées.

— INTÉGRALES DOUBLES. La théorie précédente s'applique sans difficultés aux intégrales doubles; mais l'interprétation complète de ces intégrales exige la distinction d'un grand nombre de cas dont nous considérerons seulement les plus pratiques, et, par conséquent, les plus utiles.

La définition d'une intégrale double

$$\iint dx dy,$$

lorsque les variables dont elle dépend doivent prendre des valeurs imaginaires, est assés sujette à des difficultés sur lesquelles nous devons insister avant de passer outre.

Il est évident d'abord qu'une des sommes représentées dans la formule

$$\iint dx dy$$

ne se sépare des autres qu'autant qu'on fournit deux relations entre les parties réelles et imaginaires de x , y et z qui, jointes aux deux équations dans lesquelles se décompose cette

qui donne x explicitement ou implicitement, réduisant à deux le nombre des variables indépendantes.

Mais, ces deux relations étant données, pour concevoir nettement l'intégrale double, il faudrait la transformer de manière à pouvoir y séparer les deux intégrations.

Or, une pareille transformation exigerait habituellement un changement de variables indépendantes. En effet, à un même couple de valeurs attribuées aux parties réelle et imaginaire, soit de y , soit de z , il ne correspondra, en général, qu'un nombre limité de systèmes de valeurs, soit de x et de z , soit de y et de z , puisque, sur les axes variables, on en aura choisi deux, et qu'il restera aux quatre autres à satisfaire à quatre conditions.

Pour pouvoir séparer les deux intégrations, il faudrait, en général, substituer des variables réelles aux variables imaginaires considérées. On pourrait prendre pour variables indépendantes les parties α et β qui composent x , et l'on effectuerait la transformation au moyen de la formule connue

$$\iint dx dy = \iint \alpha d\alpha d\beta \frac{dx dy}{d\alpha d\beta}$$

α, β désignant l'expression de x en fonction de α et de β et

$$\frac{dx dy}{d\alpha d\beta} = \frac{dx}{d\alpha} \frac{dy}{d\beta} - \frac{dx dy}{d\beta d\alpha}$$

les dérivées partielles de α et de β par rapport à x et de y .

Mais une pareille transformation altérerait trop profondément la forme analytique de la fonction placée sous le signe \int pour laisser aucun moyen d'en étudier l'intégrale.

La valeur d'une intégrale double, comme celle d'une intégrale simple, dépend avant tout, la fonction sous le signe \int restant la même, des limites entre lesquelles l'intégration doit être faite. Ces limites restant fixes, la suite des valeurs intermédiaires qu'on doit faire prendre aux variables peut se déformer d'une infinité de manières sans que la valeur de l'intégrale change, et cette valeur, lorsqu'elle doit changer, conserve encore intacte sa partie principale; elle ne s'augmente que de constantes ou d'intégrales simples.

Nous commencerons donc par déterminer, en raison du système des limites, la valeur de l'intégrale double la plus facile à rencontrer et à définir; on trouvera à l'article suivants le complément de la théorie.

Les limites seront fournies par deux courbes réelles ou imaginaires, composées de points pris sur la conjuguée

$F(x, y, z) = 0$ ou sur ses conjuguées, de sorte que la discussion portera sur les différentes hypothèses qu'on peut faire relativement à ces courbes.

Supposons d'abord que les deux courbes qui forment les limites de l'intégrale aient des ordonnées de tous leurs points réelles: on pourra éviter dans ce cas de faire passer y par des valeurs imaginaires; alors l'intégrale double recevra immédiatement la forme

$$\int_{y_1}^{y_2} \int_{x_1}^{x_2} dx dy$$

Soient, pour chaque valeur K de y , $\psi(K)$ et $\phi(K)$ les limites de l'intégration qui doit être faite par rapport à x ; pour fixer la marche des valeurs de x entre ces limites, on devra définir d'une manière générale la courbe réelle ou imaginaire que, dans chaque plan parallèle aux plans des xz , et distant de ce plan de la quantité K , le point xz devra parcourir pour engendrer l'aire

$$\int_{x_1}^{x_2} dx.$$

Le plan $y = K$ coupera la surface réelle, et celles de ses conjuguées dont les ordonnées y sont réelles, suivant une courbe réelle et ses conjuguées. Si $\psi(K)$ et $\phi(K)$ sont constamment réels, quel que soit K , on pourra ne donner à x que des valeurs réelles, et l'intégrale double

$$\int_{y_1}^{y_2} \int_{x_1}^{x_2} dx dy$$

fournira la somme des aires des sections faites dans la surface réelle et dans sa conjuguée à abscisses et à ordonnées réelles, comprises entre ces deux courbes, l'axe des x et les deux parallèles à l'axe des x , $x = \psi(K)$ et $x = \phi(K)$.

Mais cette intégrale aura, d'ailleurs, autant de valeurs qu'il y aura de chemins continus sur ces deux courbes, entre les points correspondants aux deux limites.

Si x peut aller de $x = \psi(K)$ à $x = \phi(K)$, en dépassant ces limites dans un sens et dans l'autre de toutes les manières possibles, pourvu que, partant de $x = \psi(K)$, il arrive par des valeurs réelles à $x = \phi(K)$, l'intégrale devra être complétée par l'addition de multiples entiers des aires des anneaux fermés de la section réelle ou de la section imaginaire à abscisses réelles.

représentera donc la somme des volumes compris entre la surface réelle prolongée par les plans des zy , les deux plans $y = \psi$, $y = \phi$, et les deux cylindres $x = \psi$, $x = \phi$; et si dans chaque plan $y = K$ le point xz se décrit des anneaux fermés homologues un même nombre de fois, l'intégrale comprendra, en outre, des multiples des volumes engendrés par les différents anneaux fermés lorsqu'ils se déplacent parallèlement au plan des zy entre les plans $y = \psi$, $y = \phi$.

Si, $x = \psi(K)$ et $x = \phi(K)$ étant toujours supposés réels quel que soit K , on veut néanmoins faire passer x par des valeurs imaginaires, on pourra interrompre à un instant quelconque le chemin du point xz sur l'arc de la courbe réelle, par un tour fait sur une de ses conjuguées fermées, de façon à continuer ensuite l'arc réel, ou si cet arc réel se compose de deux branches distinctes, passer de l'une à l'autre en suivant une quelconque des conjuguées au lieu de prendre, comme précédemment, la conjuguée à abscisses réelles.

L'intégrale aura dans tous les cas les mêmes valeurs car les aires imaginaires des conjuguées fermées contenues dans un même plan seront égales, et, par conséquent, engendreront les mêmes volumes.

Enfin, on pourra passer, dans le plan de chaque section, du point $x_0 = \psi(K)$ au point $x_1 = \phi(K)$ par une succession de valeurs imaginaires de x réglée par une loi entièrement arbitraire, par une relation choisie à volonté entre les parties réelle et imaginaire de x et de z . Alors l'intégrale

$$\int_{y_1}^{y_2} \int_{x_1}^{x_2} dx dy$$

représentera l'aire de la section faite dans la surface réelle et dans sa conjuguée à abscisses ordonnées réelles, par exemple, plus des multiples déterminés des aires des différents anneaux fermés de la section réelle ou de l'une des sections imaginaires.

Si $x_0 = \psi(K)$ et $x_1 = \phi(K)$ n'étaient pas constamment réels, les limites de l'intégrale seraient prises, en général, sur deux conjuguées différentes de la section faite dans la surface réelle K , et cette intégrale, à la différence près de la quantité

$$\frac{y'_1 - y_1}{2C} - \frac{y_1 - y'_1}{2C}$$

représenterait la somme des aires des deux conjuguées différentes de la section comprise dans le plan des xz , la surface formée par les sections parallèles au plan des xz soit de la surface réelle, soit de ses conjuguées à ordonnées réelles qui passeraient par tous les points

$$y = K, \quad z = \psi(K), \quad F(x, y, z) = 0,$$

et les deux conoides ayant pour génératrices les parallèles menées de ces divers points aux cordes réelles des conjuguées qui y passeraient.

Supposons maintenant que les deux courbes qui forment les limites de l'intégrale double soient sur une même conjuguée; en faisant tourner le plan des xz d'un angle convenable autour de l'axe des x , on substituerait à la suite des valeurs que devraient prendre x, y et z une autre suite de valeurs d'autres variables x', y', z' , desquelles y' restera constamment réel, et les valeurs de la nouvelle intégrale double

$$\sin YX \int_{y_1}^{y_2} \int_{x_1}^{x_2} dx' dy'$$

fourniront celles de la proposée. Or, ce qui précède les définit complètement.

Enfin, supposons que chacune des limites soit toute entière sur une même conjuguée, les deux conjuguées qui les contiennent étant d'ailleurs différentes; on pourra supposer, dans ce cas que le point $[x, y, z]$ se décrit des courbes tracées tout entières sur ces deux conjuguées et sur la surface réelle, et l'on arrivera encore aisément à déterminer l'un des volumes que pourra représenter l'intégrale double. En effet, il résulte de ce qui précède que l'une des valeurs de l'intégrale prise entre les limites déterminées par une courbe A , tracée sur la surface réelle, et une courbe B , tracée sur l'une de ses conjuguées, représentée, à la différence près d'une intégrale simple qui introduit par le changement de direction de l'axe des x , le volume de la surface réelle limitée à la courbe A et à la courbe C suivant laquelle elle touche la conjuguée à laquelle appartient la courbe B , plus le volume de cette conjuguée limitée aux courbes C et B .

L'intégrale double, lorsque la courbe B passe d'une conjuguée à une autre, peut donc être considérée comme s'augmentant du volume correspondant à la portion de la surface

réelle comprise entre les deux courbes suivant lesquelles elle touche les deux conjuguées consécutives, de la différence des volumes des deux conjuguées limitées respectivement aux courbes situées au-dessous de ces courbes, et de la quantité dont varie l'intégrale simple complémentaire.

Cela revient à dire que l'intégrale double, définie par ses limites correspondantes à deux courbes B et B' tracées sur deux conjuguées différentes et quelconques d'ailleurs, comprend parmi ses valeurs le volume de la conjuguée à laquelle appartient la courbe B , limitée à cette courbe et à la courbe C suivant laquelle elle touche la surface réelle, plus le volume correspondant à la portion de la surface réelle comprise entre la courbe C