

Tabla 2-3

Fuerza	θ_x	Componente x	componente y
A = 20 lb	0°	$A_x = 20$ lb	$A_y = 0$
B = 15 lb	60	$B_x = (15 \text{ lb})(\cos 60)$ = 7.5 lb	$B_y = (15 \text{ lb})(\sin 60)$ = 13.0 lb
C = 16 lb	45	$C_x = (-16 \text{ lb})(\cos 45)$ = -11.3 lb	$C_y = (16 \text{ lb})(\sin 45)$ = 11.3 lb
D = 10 lb	30	$D_x = (-10 \text{ lb})(\cos 30)$ = -8.66 lb	$D_y = (-10 \text{ lb})(\sin 30)$ = -5 lb
E = 14 lb	90	$E_x = 0$	$E_y = -14$ lb
		$R_x = \sum F_x = 7.54$ lb	$R_y = \sum F_y = 5.3$ lb

A = (20 lb, 0°), B = (15 lb, 60°), C = (16 lb, 135°), D = (10 lb, 210°), y E = (14 lb, 270°). ¿En qué dirección y con qué fuerza deberá tirar un solo caballo para poder tener el mismo efecto sobre el entrenador?

Solución Siganse los pasos descritos anteriormente.

- Dibújese un diagrama que represente todas las fuerzas (Fig. 2-9). Dos cosas deben notarse de la figura: (1) todos los ángulos se miden a partir del eje x, y (2) las componentes de cada vector se marcan y se colocan adyacentes u opuestas a los ángulos conocidos.
- Resuélvase cada fuerza en sus componentes x y y y tabúlense como se muestra en la tabla 2-3. (Nótese que la fuerza A no tiene componente y y la fuerza E no tiene componente x.) Obténgase con mucho cuidado los signos de cada compo-

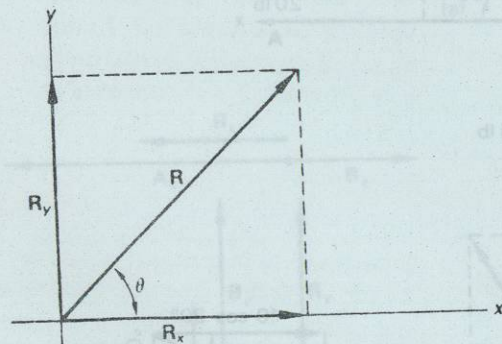


Fig. 2-10 Encontrando la resultante R a partir de sus componentes.

Fuerza Equilibrante. Fuerza que posee la misma magnitud y dirección que la fuerza resultante pero sentido opuesto.

Resuelve los siguientes problemas:

- Encuentre los componentes horizontal y vertical de las siguientes fuerzas:
 - $F_1 = (260 \text{ lb}, 60^\circ)$
 - $F_2 = (320 \text{ lb}, 210^\circ)$
- Encuentre las componentes x y y del vector. $R = 670 \text{ m}, 330^\circ$.

nente a partir de la figura. Por ejemplo, C_x , D_x , D_y y E_y son todos negativos y sus valores deben ser precedidos de un signo negativo.

- Súmense las componentes x y y separadamente para obtener R_x y R_y . Dado que R_x y R_y ya se conocen, de la figura 2-10 obtenemos:

$$\tan \theta = \frac{R_y}{R_x} = \frac{5.3 \text{ lb}}{7.54 \text{ lb}} = 0.703$$

o sea

$$\theta = 35.1$$

Usando este valor de θ , obtenemos

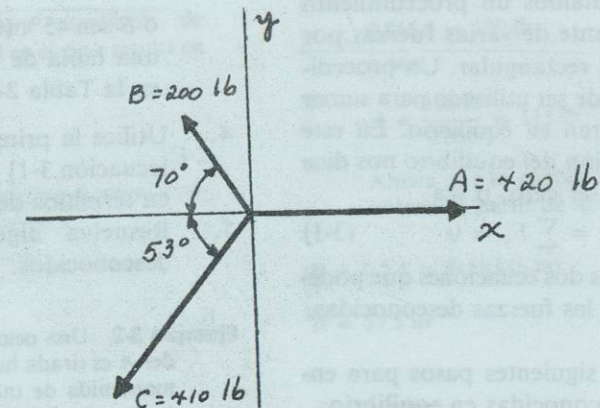
$$R = \frac{R_y}{\sin \theta} = \frac{5.3 \text{ lb}}{\sin 35.1}$$

o sea

$$R = \frac{5.3 \text{ lb}}{0.575} = 9.22 \text{ lb}$$

Por lo tanto, un solo caballo debe ejercer una fuerza de 9.22 lb a un ángulo de 35.1°. La magnitud de R también puede obtenerse por el teorema de Pitágoras.

- Un cable arrastra un carro de mina con una fuerza de 120 N en una dirección de 37° sobre la horizontal. Encuentre las componentes horizontal y vertical de esta fuerza.
- Un aeroplano vuela 60 km en una dirección 40° noreste. ¿Cuál es la componente hacia el este del desplazamiento del avión? ¿Cuál es su componente hacia el norte?
- Un automóvil viaja 16 m al este y después 24 m al norte. Encuentra la magnitud y dirección del desplazamiento resultante desde el punto de partida.
- Una fuerza de 610 N y otra de 220 N, perpendiculares entre sí, actúa simultáneamente sobre el mismo objeto.
 - ¿Cuál es la fuerza resultante?
 - ¿Qué ángulo forma la fuerza resultante con la fuerza de 610 N?
- Un empuje de 200 lb hacia el norte y otro empuje de 500 lb hacia el oeste actúan sobre un objeto. Determine la magnitud y dirección de la fuerza resultante.
- Las siguientes dos fuerzas actúan sobre un objeto pequeño: 100 N horizontalmente hacia la izquierda y 200 N hacia la derecha a un ángulo de 37° sobre la horizontal. Encuentre la magnitud y dirección de la fuerza resultante por resolución rectangular.
- Las siguientes tres fuerzas actúan sobre un objeto: 2,000 lb horizontalmente a la derecha, 1,500 lb hacia abajo y a la izquierda a un ángulo de 30° bajo la horizontal, y 500 lb hacia arriba y a la derecha a un ángulo de 53° sobre la horizontal. Encuentre la fuerza resultante.
- Una lancha viaja primero 26 km al noreste, luego 22 km al sur y finalmente 18 km en una dirección 30° noroeste.
- Determine la fuerza resultante por la información dada en la figura



- Una mesa de fuerzas es un dispositivo de laboratorio que consiste en una carátula circular graduada en grados del cero al 360. Los pesos A, B y C se suspenden de poleas que forman diferentes ángulos sobre el borde de la mesa. Calcule la $\sum F_x$, $\sum F_y$, R, y θ para cada uno de los siguientes pasos.

- | | | |
|-----------------|----------------|----------------|
| a) A = 10N a 0° | B = 30N a 120° | C = 20N a 323° |
| b) A = 20N a 0° | B = 30N a 225° | C = 10N a 300° |
| c) A = 20N a 0° | B = 10N a 127° | C = 30N a 225° |
| d) A = 20N a 0° | B = 30N a 150° | C = 15N a 233° |

Objetivo 3.3 **Estático.** Parte de la Dinámica que estudia los cuerpos en equilibrio.

Objetivo 3.4 **Equilibrio Estático.** Lo posee un cuerpo cuando permanece en reposo y no muestra la tendencia a moverse ($F = 0$).

Equilibrio Dinámico. Lo posee un cuerpo cuando se mueve a velocidad constante ($F = 0$).

Equilibrio Estable. Un sistema estará en equilibrio estable si, al ser perturbado, las fuerzas o momentos de torsión hacen que regrese al estado original.

Equilibrio Inestable. Un sistema estara en equilibrio inestable si, al ser perturbado, las fuerzas o momentos de torsión hacen que se aparte de su estado original.

Equilibrio Indiferente. Un sistema se encontrará en equilibrio indiferente si, al ser perturbado, no se generan fuerzas ni momentos de torsión adicionales.

Objetivo 3.8 **Fuerzas Concurrentes.** Fuerzas que intersectan en un punto común o tienen el mismo punto de aplicación.

Objetivo 3.9 **Primera Condición de Equilibrio.** Un cuerpo se encuentra en estado de equilibrio traslacional si y solo si la suma vectorial de las fuerzas que actúan sobre él es igual a cero.

SOLUCIÓN DE PROBLEMAS DE EQUILIBRIO

En el capítulo 2 estudiamos un procedimiento para calcular la resultante de varias fuerzas por medio de la resolución rectangular. Un procedimiento muy similar puede ser utilizado para sumar fuerzas que se encuentran en equilibrio. En este caso la primera condición del equilibrio nos dice que la resultante debe ser cero, o sea

$$R_x = \sum F_x = 0 \quad R_y = \sum F_y = 0 \quad (3-1)$$

De esta manera tenemos dos ecuaciones que podemos usar para calcular las fuerzas desconocidas.

Se deben seguir los siguientes pasos para encontrar las fuerzas desconocidas en equilibrio:

1. Dibújense y márchense las condiciones del problema.
2. Trácese un diagrama de cuerpo libre
3. Resuélvase todas las fuerzas en sus componentes x y y aun cuando puedan contener factores desconocidos, tal como $A \cos 30^\circ$

o $B \sin 45^\circ$. (Quizá usted prefiera construir una tabla de fuerzas como la que aparece en la Tabla 2-3).

4. Utilice la primera condición del equilibrio [ecuación 3-1] para plantear dos ecuaciones en términos de las fuerzas desconocidas.
5. Resuelva algebraicamente los factores desconocidos.

Ejemplo 3-2 Una pelota de 100 lb suspendida del cordel A es tirada hacia un lado por otro cordel B y mantenida de tal forma que el cordel A forme un ángulo de 30° con la pared vertical. (véase la figura 3-7). Encuentre las tensiones de los cordes A y B .

Solución Resolvemos siguiendo los pasos anteriormente descritos y que se ilustran en la figura 3-7.

1. Dibújese un bosquejo. (Figura 3-7a.)
2. Dibújese un diagrama de cuerpo libre. (Figura 3-7b.)

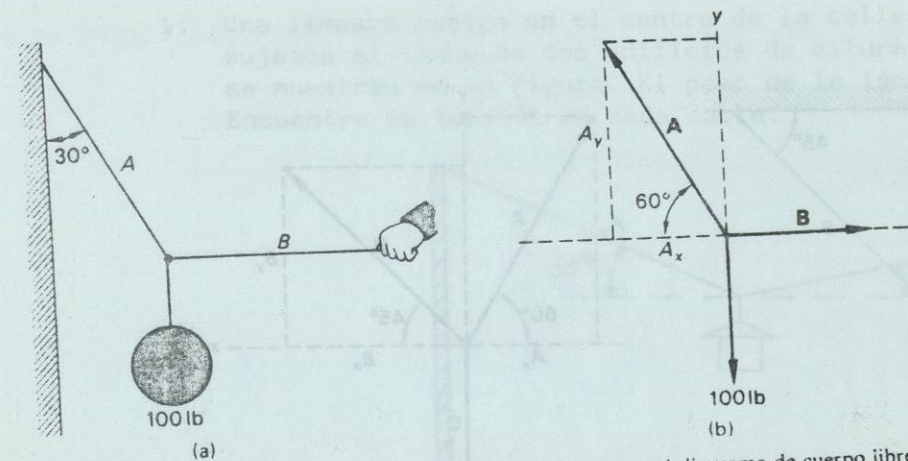


Fig. 3-7 Las fuerzas que actúan sobre el nudo se representan en el diagrama de cuerpo libre.

Tabla 3-1

Fuerza	θ_x	componente en x	componente en y
A	60°	$A_x = -A \cos 60$	$A_y = A \sin 60^\circ$
B	0°	$B_x = B$	$B_y = 0$
W	-90°	$W_x = 0$	$W_y = -100 \text{ lb}$
		$\sum F_x = B - A \cos 60$	$\sum F_y = A \sin 60 - 100 \text{ lb}$

3. Resuélvase todas las fuerzas en sus componentes (tabla 3-1). Nótese en la figura que A_x y W_y son negativos.
4. Aplíquese ahora la primera condición de equilibrio. La suma de fuerzas en el eje x resulta en $\sum F_x = B - A \cos 60^\circ = 0$ de lo que obtenemos $B = A \cos 60^\circ = 0.5A$ (3-2) y que $\cos 60^\circ = 0.5$. La segunda ecuación resulta de sumar las componentes en y . $\sum F_y = A \sin 60^\circ - 100 \text{ lb} = 0$ de lo cual $A \sin 60^\circ = 100 \text{ lb}$ (3-3)

5. Finalmente, resuélvase las fuerzas desconocidas. Dado que $\sin 60^\circ = 0.866$, de la ecuación 3-3 obtenemos $0.866A = 100 \text{ lb}$ o sea $A = \frac{100 \text{ lb}}{0.866} = 115 \text{ lb}$ Ahora que se conoce el valor de A , B se puede obtener a partir de la ecuación 3-2 como sigue: $B = 0.5A = (0.5)(115 \text{ lb})$ $B = 57.5 \text{ lb}$

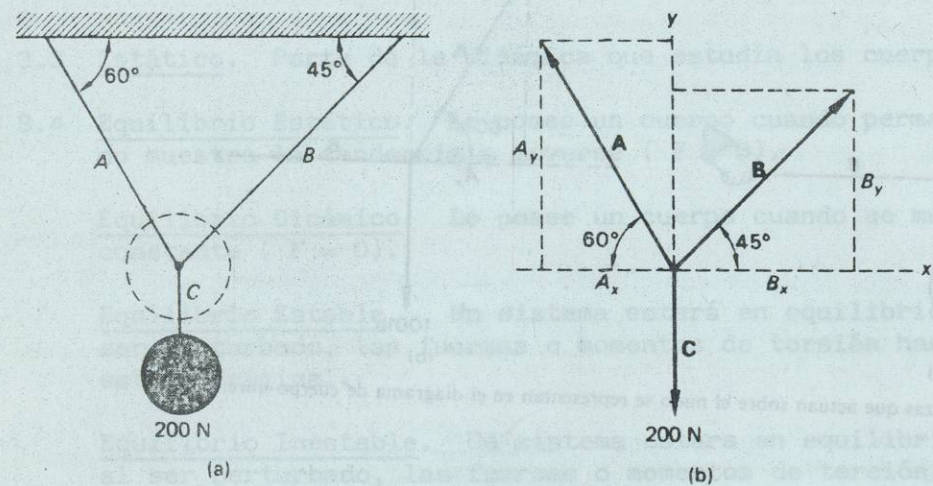


Fig. 3-8

Ejemplo 3-3 Una pelota de 200 N cuelga de un cordel anudado a otros dos cordeles, como se muestra en la figura 3-8. Encuentre las tensiones en los cordeles A, B y C.

Solución Dado que ya se nos proporciona el bosquejo, el primer paso es trazar el diagrama de cuerpo libre, como se hizo en la figura 3-8b. Las componentes x y y de cada vector calculadas a partir de la figura son las siguientes:

componente en x	componente en y
$A_x = -A \cos 60^\circ$	$A_y = A \sin 60^\circ$
$B_x = B \cos 45^\circ$	$B_y = B \sin 45^\circ$
$C_x = 0$	$C_y = -200 \text{ N}$

Sumando todas las fuerzas a lo largo del eje x, obtenemos

$$\sum F_x = -A \cos 60^\circ + B \cos 45^\circ = 0$$

que puede ser simplificada por sustitución de funciones trigonométricas conocidas. Así,

$$-0.5A + 0.707B = 0 \quad (3-4)$$

Se requiere más información para resolver esta ecuación. Obtenemos una segunda ecuación al sumar las fuerzas a lo largo del eje y, resultando

$$\sum F_y = A \sin 60^\circ + B \sin 45^\circ - 200 \text{ N} = 0$$

la cual se simplifica para tener

$$0.866A + 0.707B = 200 \text{ N} \quad (3-5)$$

Resolvemos ahora el sistema de ecuaciones 3-4 y 3-5 para obtener A y B. Al multiplicar la primera por -1, podemos usar el método de suma y resta para

$$\begin{array}{r} -1 \times \text{Ec. (3-4)} \quad 0.5A - 0.707B = 0 \\ \text{Ec. (3-5)} \quad 0.866A + 0.707B = 200 \text{ N} \\ \hline \text{Addition:} \quad (0.5 + 0.866)A = 200 \text{ N} \end{array}$$

de lo cual

$$1.37A = 200 \text{ N}$$

o sea

$$A = \frac{200 \text{ N}}{1.37} = 146 \text{ N}$$

Sustituyendo $A = 146 \text{ N}$ en la ecuación 3-4, obtenemos

$$(-0.5)(146 \text{ N}) + 0.707B = 0$$

$$\text{al trasponer tenemos}$$

$$0.707B = (0.5)(146 \text{ N})$$

Y dividiendo entre 0.707 resulta

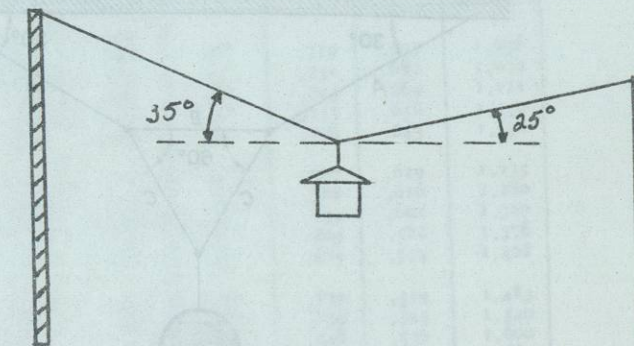
$$B = \frac{(0.5)(146 \text{ N})}{0.707} = 103 \text{ N}$$

Solución Resolvemos siguiendo los pasos anteriormente descritos y que se muestran en la figura 1-7.

1. Dibujar un bosquejo. (Figura 1-7a.)
2. Obtener un diagrama de cuerpo libre. (Figura 1-7b.)

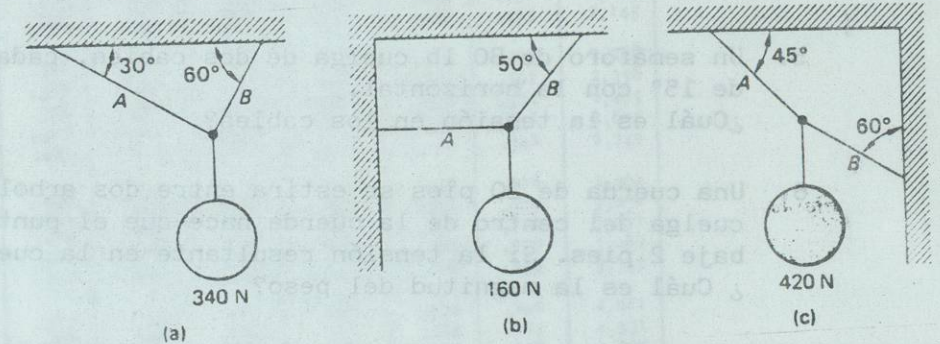
Objetivo 3.9

1. Una lámpara cuelga en el centro de la calle, sostenida por cables sujetos al techo de dos edificios de altura diferente; los ángulos se muestran en la figura. El peso de la lámpara es de 500N. Encuentre la tensión en cada cable.

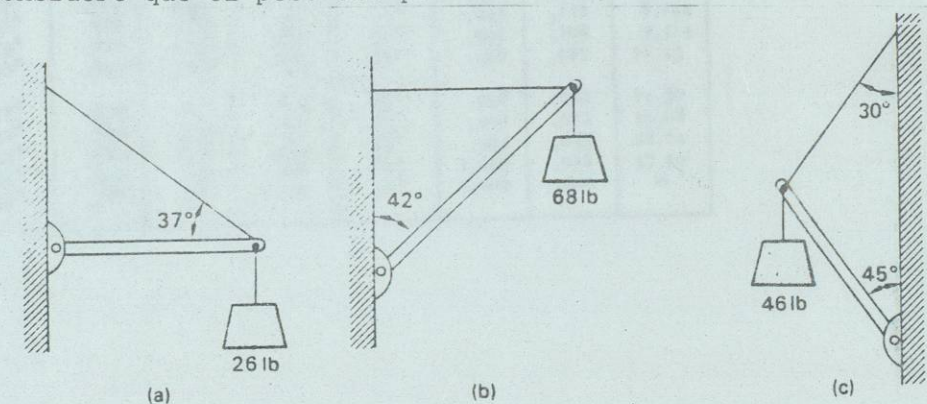


2. Encuentre la tensión en las cuerdas A y B de cada uno de los ejemplos de la figura.

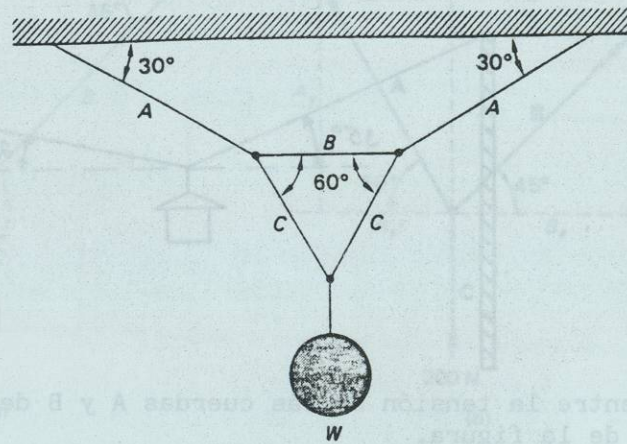
Resp. a) $A = 170 \text{ N}$, $B = 294$; b) $A = 134 \text{ N}$, $B = 209 \text{ N}$;
c) $A = 141 \text{ N}$, $B = 115 \text{ N}$



3. Encuentre la tensión T del cable y la fuerza F que ejerce el pivote sobre el puntal en cada uno de los arreglos de la figura. Considere que el peso del puntal es despreciable.



4. Encuentre la tensión en cada uno de las cuerdas de la figura si el peso del cuerpo que cuelga es de 476 N.
 Resp. $A = 476\text{N}$, $B = c = 275\text{N}$.



5. Un semáforo de 80 lb cuelga de dos cables, cada uno con un ángulo de 15° con la horizontal.
 ¿Cuál es la tensión en los cables?.
6. Una cuerda de 20 pies se estira entre dos arboles. Un peso W que cuelga del centro de la cuerda hace que el punto medio de la misma baje 2 pies. Si la tensión resultante en la cuerda es de 200 lb,
 ¿Cuál es la magnitud del peso?

FUNCIONES TRIGONÓMICAS (Naturales)

Angulo	Seno	Coseno	Tangente	Angulo	Seno	Coseno	Tangente
0°	0,000	1,000	0,000	46°	,719	,695	1,036
1°	,018	1,000	,018	47°	,731	,682	1,072
2°	,035	,999	,035	48°	,743	,669	1,111
3°	,052	,999	,052	49°	,755	,656	1,150
4°	,070	,998	,070	50°	,766	,643	1,192
5°	,087	,996	,088	51°	,777	,629	1,235
6°	,105	,995	,105	52°	,788	,616	1,280
7°	,122	,993	,123	53°	,799	,602	1,327
8°	,139	,990	,141	54°	,809	,588	1,376
9°	,156	,988	,158	55°	,819	,574	1,428
10°	,174	,985	,176	56°	,829	,559	1,483
11°	,191	,982	,194	57°	,839	,545	1,540
12°	,208	,978	,213	58°	,848	,530	1,600
13°	,225	,974	,231	59°	,857	,515	1,664
14°	,242	,970	,249	60°	,866	,500	1,732
15°	,259	,966	,268	61°	,875	,485	1,804
16°	,276	,961	,287	62°	,883	,470	1,881
17°	,292	,956	,306	63°	,891	,454	1,963
18°	,309	,951	,325	64°	,899	,438	2,050
19°	,326	,946	,344	65°	,906	,423	2,145
20°	,342	,940	,364	66°	,914	,407	2,246
21°	,358	,934	,384	67°	,921	,391	2,356
22°	,375	,927	,404	68°	,927	,375	2,475
23°	,391	,921	,425	69°	,934	,358	2,605
24°	,407	,914	,445	70°	,940	,342	2,747
25°	,423	,906	,466	71°	,946	,326	2,904
26°	,438	,899	,488	72°	,951	,309	3,078
27°	,454	,891	,510	73°	,956	,292	3,271
28°	,470	,883	,532	74°	,961	,276	3,487
29°	,485	,875	,554	75°	,966	,259	3,732
30°	,500	,866	,577	76°	,970	,242	4,011
31°	,515	,857	,601	77°	,974	,225	4,331
32°	,530	,848	,625	78°	,978	,208	4,705
33°	,545	,839	,649	79°	,982	,191	5,145
34°	,559	,829	,675	80°	,985	,174	5,671
35°	,574	,819	,700	81°	,988	,156	6,314
36°	,588	,809	,727	82°	,990	,139	7,115
37°	,602	,799	,754	83°	,993	,122	8,144
38°	,616	,788	,781	84°	,995	,105	9,514
39°	,629	,777	,810	85°	,996	,087	11,43
40°	,643	,766	,839	86°	,998	,070	14,30
41°	,656	,755	,869	87°	,999	,052	19,08
42°	,669	,743	,900	88°	,999	,035	28,64
43°	,682	,731	,933	89°	1,000	,018	57,29
44°	,695	,719	,966	90°	1,000	,000	∞
45°	,707	,707	1,000				



Velloc no editor

