

## PARAMETROS FORMALES Y ACTUALES

Pasar datos a los procedimientos y a las funciones puede hacerse de dos formas:

- 1) usando variables globales para que cualquier procedimiento y/o función pueda leerse.
- 2) a través de una lista de parámetros para cada procedimiento y/o función.

La primera es una muy mala idea, por no mencionar las limitantes que el hardware pueda imponer. Es una buena práctica que un procedimiento tenga solamente que manejar una lista de valores.

Los parámetros definidos en la declaración del procedimiento se llaman "parámetros formales". Los valores que están presentes en una lista de parámetros de la invocación en particular se llaman "parámetros actuales". Si los parámetros son pasados por referencia, los parámetros actuales deberán tener variables de tipos iguales para guardar en ellos los parámetros formales.

## TRANSFERENCIA DE DATOS POR VALOR Y REFERENCIA

### PARAMETROS PASADOS POR VALOR

Un parámetro pasado por valor es justamente eso: Un valor copiado del parámetro actual al parámetro formal. El movimiento del valor hacia el procedimiento es en un sentido. Nada regresa ni puede ser usado por el programa que lo llamó.

Hay ventajas poderosas en el movimiento de valores dentro del procedimiento. El procedimiento puede guardar, modificar y mutilar el parámetro en la medida que las necesidades del procedimiento lo exijan, y no existen efectos colaterales fuera del procedimiento. La copia del parámetro actual es una copia privada, estrictamente local para el mismo procedimiento.

La forma de declarar pase de valores por valor es:  
PROCEDURE ( variable : tipo);

### PARAMETROS PASADOS POR REFERENCIA

En muchas ocasiones el punto central de pasar un parámetro a un procedimiento o función es tener ese mismo, pero modificado para su uso. Para que un procedimiento pueda modificar un parámetro y regresarlo así, éste debe pasarse por referencia.

A diferencia de los parámetros pasados por valor, los valores pasados por referencia NO pueden ser literales, constantes o expresiones. Los valores de constantes y literales, por definición, no pueden ser cambiados.

Para pasar un valor por referencia, un parámetro actual debe ser una variable del mismo tipo que el parámetro formal. No hay tipos compatibles; deben ser exactamente del mismo tipo. La única excepción a esta regla son los tipos string, los cuales pueden ser definidos por una longitud de hasta 255.

La forma para definir valores pasados por referencia es:  
PROCEDURE (VAR variable : tipo);

## CAPITULO 5 ARREGLOS (Arrays)

Las variables que se han venido manejando hasta ahora son todas tipos simples. Iniciaremos ahora el estudio de algunos tipos estructurados que posee Pascal. Se puede decir que un tipo estructurado difiere de un tipo simple en que el tipo estructurado posee mas de un componente. Y cada componente del tipo estructurado es una variable, la cual a su vez puede ser de tipo estructurado o simple. Lo importante con este tipo de variables es la forma en como se tiene acceso a cada uno de sus componentes.

### ARREGLO DE UNA DIMENSION (VECTORES)

Un arreglo no es mas que una colección de variables, en donde todas son del mismo tipo. Se puede decir que una línea de texto es un arreglo de caracteres; un vector se puede representar como un arreglo de números; una matriz se puede pensar como un arreglo, cuyos elementos son a su vez vectores.

Un arreglo se declara en términos de un índice y un tipo base, o sea, el tipo de cada uno de sus componentes.

Visto de otra forma, podemos decir que un arreglo nos va a permitir:

- Denotar un grupo de variables mediante un solo identificador.
- Poder distinguir un elemento en particular del grupo mediante un índice. De esta forma podemos referenciar el iésimo componente del arreglo.

El índice podrá ser cualquier tipo ordinal. Así, por ejemplo, una declaración del tipo array podrá quedar de la siguiente forma:

Numeros : array[1..100] of real;

Esta declaración permite disponer de un arreglo de 100 elementos. En este caso el índice es del tipo entero y el tipo de cada elemento es real.

Según se mencionó antes, el índice no es necesariamente numérico; puede ser cualquier tipo ordinal:

Grupo : array['A'..'G'] of integer;

Un elemento individual de un arreglo variable se denotará como una variable indexada, escribiendo el nombre (identificador) del arreglo seguido por el correspondiente valor del índice, enmarcado entre corchetes cuadrados. Ejemplo:

Grupo['E']

está haciendo referencia a aquél elemento del arreglo Grupo cuyo subíndice es 'E', el cual tiene o puede tener almacenado un valor del tipo integer.

Con esta variable (Grupo['E']) es posible hacer todas las operaciones en las cuales el operando sea de tipo entero:

Acumulado := Grupo['A'] + Grupo['E'];

Prom := Grupo['B'] + Grupo['C'] / 2;

37740

1020115101

Como lo deja entrever la definición, el índice dentro de una variable indexada no necesita ser una constante, bien puede ser una variable, e incluso una expresión, con tal de que el tipo de la expresión y/o de la variable concuerde con el tipo del índice. De forma que si por ejemplo tenemos la siguiente declaración:

```
Numeros : array[1..100] of real;
```

podemos denotar el *i*-ésimo elemento de la variable Numeros con una variable o una expresión de tipo entero, con tal de que su valor esté en el rango permitido para el índice (1-100), de forma que podrá escribirse:

```
Numeros[i];
```

```
Numeros[i + j];
```

```
Numeros[trunc(x*4.2/12) div 6];
```

Si el valor de *j*, *i + j*,  $\text{trunc}(x*4.2/12) \text{ div } 6$  cae fuera del rango 1-100, se estará tratando de hacer referencia hacia un elemento que no existe y el compilador marcará error.

En ocasiones necesitamos guardar durante la ejecución de un programa el contenido de un arreglo en otro arreglo. Turbo Pascal permite hacer lo siguiente:

```
Numeros1 := Numeros2;
```

lo cual sería equivalente a hacer lo siguiente:

```
Numeros1[1] := Numeros2[1];
```

```
Numeros1[2] := Numeros2[2];
```

```
Numeros1[3] := Numeros2[3];
```

```
Numeros1[100] := Numeros2[100];
```

## PARAMETROS PASADOS POR REFERENCIA

Un elemento individual de un arreglo variable se denota como una variable indexada, escribiendo el nombre (identificador) del arreglo seguido por el correspondiente valor del índice, enmarcado entre corchetes cuadrados. Ejemplo:

En muchas ocasiones el punto central de pasar un parámetro a una función o procedimiento es que se haga esto por referencia. Para usar un parámetro así se debe pasar por referencia.

Está haciendo referencia a aquel elemento del arreglo cuyo subíndice es 'E', el cual tiene o puede tener un valor. Los valores de constantes y literales, por definición, no pueden ser variables, constantes o expresiones. Los valores de constantes y literales, por definición, no pueden ser variables, constantes o expresiones. Los valores de constantes y literales, por definición, no pueden ser variables, constantes o expresiones. Con esta variable (Grupo[E]) es posible hacer todas las operaciones en las cuales el operando sea de tipo entero.

Para pasar un valor por referencia, un parámetro actual debe ser una variable del mismo tipo que el parámetro formal. Los parámetros formales y actuales deben ser exactamente compatibles; es decir, deben ser del mismo tipo y tener el mismo modo de declaración (constante o variable).

La forma para definir valores pasados por referencia es:

```
PROCEDURE (VAR variable : tipo);
```

```
program Orden1;
```

```
uses
```

```
  Crt;
```

```
var
```

```
  Temporal,
```

```
  N, i, j : integer;
```

```
  Numero : array[1..50] of integer;
```

```
begin
```

```
  clrscr;
```

```
  writeln ('** CAPTURA DE NUMEROS ENTEROS **');
```

```
  write ('Cuantos numeros? ');
```

```
  readln (N);
```

```
  for i := 1 to N do
```

```
  begin
```

```
    write ('Numero ',i:2,' ');
```

```
    readln (Numero[i]);
```

```
  end;
```

```
  writeln;
```

```
  writeln ('** IMPRESION DE NUMEROS COMO SE CAPTURARON **');
```

```
  for i := 1 to N do writeln ('Numero ',i:2,' = ',Numero[i]);
```

```
  for i := 1 to (N-1) do
```

```
  for j := (i+1) to N do
```

```
  if (Numero[i]Numero[j]) then
```

```
  begin
```

```
    Temporal := Numero[i];
```

```
    Numero[i] := Numero[j];
```

```
    Numero[j] := Temporal;
```

```
  end;
```

```
  writeln;
```

```
  writeln ('** IMPRESION DE NUMEROS EN ORDEN **');
```

```
  for i := 1 to N do writeln ('Numero ',i:2,' = ',Numero[i]);
```

```
end.
```

```

{
  Hay que ser cuidadoso con las mayusculas/minusculas, pues eso puede
  alterar el orden de los nombres. Se recomienda probar primero con
  puras mayusculas.
}

```

```

program Orden2;
uses
  Crt;
var
  N, I, J : integer;
  Temporal : string;
  Nombre : array[1..50] of string;
begin
  clrscr;
  writeln (** CAPTURA DE NOMBRES **);
  write ('Cuantos nombres?');
  readln (N);
  for I := 1 to N do
  begin
    write ('Nombre ',I:2,' ');
    readln (Nombre[I]);
  end;
  writeln;
  writeln (** IMPRESION DE NOMBRES COMO SE CAPTURARON **);
  for I := 1 to N do writeln ('Nombre ',I:2,' = ',Nombre[I]);

  for I := 1 to (N-1) do
    for J := (I+1) to N do
      if (Nombre[I]Nombre[J]) then
      begin
        Temporal := Nombre[I];
        Nombre[I] := Nombre[J];
        Nombre[J] := Temporal;
      end;
    end;
  end;
  writeln;
  writeln (** IMPRESION DE NOMBRES EN ORDEN **);
  for I := 1 to N do writeln ('Nombre ',I:2,' = ',Nombre[I]);
end.

```

## ARREGLOS DE DOS DIMENSIONES (MATRICES)

En los ejemplos de los arreglos manejados hasta ahora sólo se han hecho uso de arreglos de una dimensión (sólo usan un subíndice). Sin embargo Pascal permite arreglos de más de una dimensión. Por ejemplo, cada una de las páginas de este escrito se puede considerar como un arreglo de renglones, en donde cada renglón consta de 65 caracteres, o sea, que se puede definir la variable página de la siguiente manera:

`página : array[1..52,1..65] of char;`

o bien:

`página : array[1..52] of array[1..65] of char;`

así, para el I-esimo caracter de la J-esima línea de PAGINA se puede referenciar:

`página[I,J]`

o bien:

`página [I][J]`

Cualquier arreglo definido con más de una dimensión se considera un arreglo multidimensional, aunque es muy raro que se exceda de tres dimensiones. Los arreglos bidimensionales, llamados matrices, son bastante comunes, especialmente en estadística e ingeniería. Por ejemplo, cuando se está midiendo la conductividad de un metal, una matriz se adapta perfectamente para llevar el registro de la temperatura con respecto a la conductividad medida:

`Temp_Conductividad : array[1..200,1..2] of real;`

La mejor manera de visualizar una matriz es pensar en una tabla con filas y columnas: el primer rango significa las filas (1..200) y el segundo las columnas (1..2).

Las asignaciones de valores pueden ser:

`Temp_Conductividad [1,1] := -99.34;`

`Temp_Conductividad [1,2] := 12.3;`

ARREGLOS DE DOS DIMENSIONES (MATRICES)

	1	2
	Temperatura	Conductividad
1	-99.34	12.3
2	-97.76	12.2
3	-96.01	11.9
200	99.01	2.9

Concentrándose en el manejo de las matrices, y dejando de lado el significado de cada localidad de ella, es posible manejarlas como cualquier sistema de ecuaciones y obtener sus resultados tales como el determinante, los elementos de las diagonales, resolver el sistema, etc. A continuación se presenta un programa que maneja los métodos para la solución de sistemas por medio de los algoritmos de Montante y Gauss-Jordan. Obsérvese el tratamiento tanto para la captura como la impresión de la matriz.

Los diagramas de flujo de los algoritmos se dejan de lado para concentrar la atención en el código.

```

Program Test;
uses
  Crt;
type
  rango = 1..20;
  tipo = real;
  Matriz = array[rango,rango] of tipo;
  
```

```

procedure CapturaMatriz (var M : Matriz; var Orden : rango);
var
  i,j : rango;
begin
  writeln; writeln;
  writeln (** CAPTURA DE MATRIZ **);
  writeln;
  write ('Orden de la matriz: ');
  readln (Orden);
  for i:= 1 to Orden do
    for j:= 1 to Orden do
      begin
        write ('Elemento (',i,',',j,'): ');
        readln (M[i,j]);
      end;
    writeln;
  end; {-----}
  
```

```

procedure ImprimeMatriz (M : Matriz; Fil,Col : rango);
var
  i,j : rango;
begin
  writeln; writeln;
  writeln (** MATRIZ **);
  writeln;
  for i:= 1 to Fil do
    begin
      for j:= 1 to Col do write (M[i,j]:10:3);
      writeln;
    end;
  writeln;
end; {-----}
  
```

```

procedure ConcatenaMatrizIdentidad (var M : Matriz; Orden : rango);
var
  i,j : rango;
begin
  for i:= Orden + 1 to 2*Orden do
    for j:= 1 to Orden do
      if (i-Orden=j) then M[j,i]:= 1 else M[j,i]:= 0;
    end;
end; {-----}
  
```

```
procedure CambiaFilas (var M : Matriz; Orden,Fila,Pivote : rango);
```

```
var  
  Factor : tipo;  
  i      : rango;  
begin  
  Factor := -M[Fila,Pivote];  
  for i:= 1 to Orden do  
    M[Fila,i] := Factor * M[Pivote,i] + M[Fila,i];  
end; {-----}
```

```
procedure TransformacionElemental (var M : Matriz; Fil, Col : rango);
```

```
var  
  Diagonal, ColCero : rango;  
  Factor : tipo;  
begin  
  for Diagonal:= 1 to Fil do  
    if (M[Diagonal,Diagonal] < 0) then  
      begin  
        Factor := M[Diagonal,Diagonal];  
        for ColCero:= 1 to Col do  
          M[Diagonal,ColCero] := M[Diagonal,ColCero]/Factor;  
        ImprimeMatriz (M,Fil,Col);  
        readln;  
        for ColCero:= 1 to Fil do  
          if (ColCero < Diagonal) then  
            CambiaFilas(M,Col,ColCero,Diagonal);  
        end;  
      end;  
end; {-----}
```

```
var  
  UnaMatriz : Matriz;  
  N         : rango;  
begin { main }  
  CapturaMatriz (UnaMatriz,N);  
  ConcatenaMatrizIdentidad (UnaMatriz,N);  
  ImprimeMatriz (UnaMatriz,N,2*N);  
  TransformacionElemental (UnaMatriz,N,N*2);  
  ImprimeMatriz (UnaMatriz,N,2*N);  
  writeln ('Presione <Enter> para continuar ...');  
end..
```

## MANEJO DE OPERACIONES ELEMENTALES CON MATRICES

```
program ManejoDeMatrices;
```

```
uses  
  Crt;  
const  
  MAX = 20;  
type  
  rango = 1..MAX;  
  tipo = real;  
  Matriz = array [rango,rango] of tipo;
```

```
var  
  MatrizA,  
  MatrizB,  
  MatrizC : Matriz;  
  
  Fil_A, Fil_B, Fil_C,  
  Col_A, Col_B, Col_C : rango;
```

```
  DeterminanteA,  
  DeterminanteB,  
  DeterminanteC : real;
```

```
procedure Captura (var A : Matriz; var Fil,Col : rango);
```

```
var  
  i,j : rango;  
begin  
  clrscr;  
  write ('Numero de filas  : '); readln (Fil);  
  write ('Numero de Columnas : '); readln (Col);  
  for i:= 1 to Fil do  
    for j:= 1 to Col do  
      begin  
        write ('Elemento (',i:2,',',j:2,') : ');  
        readln (A[i,j]);  
      end;  
    end;  
end; {-----}
```

```
procedure ImprimeMatriz (A : Matriz; Fil,Col : rango);
```

```
var  
  i,j : rango;  
begin  
  writeln;  
  writeln ('** MATRIZ **');  
  for i:= 1 to Fil do  
    begin  
      for j:= 1 to Col do write (A[i,j]:10:3);  
    end;  
    writeln;  
  end;  
end; {-----}
```

```

function MultiplicaMatriz ( A : Matriz; Fil_A, Col_A : rango;
                          B : Matriz; Fil_B, Col_B : rango;
                          var R : Matriz; var Fil_R : rango; var Col_R : rango) : boolean;
var
  i,j,k,n : rango;
begin
  MultiplicaMatriz := false;
  if (Col_A = Fil_B) then
  begin
    N := Col_A;
    MultiplicaMatriz := true;
    Fil_R := Fil_A;
    Col_R := Col_B;
    for i := 1 to Fil_R do
      for j := 1 to Col_R do
        begin
          R[i,j] := 0;
          for k := 1 to N do R[i,j] := A[i,k] * B[k,j] + R[i,j]
        end { for j }
      end { if }
    end;
  end;
end;

```

```

procedure ImprimeMatrizAdyacente (A : Matriz; Fil, Col : rango);
var
  i,j : rango;
begin
  writeln;
  writeln ('** MATRIZ **');
  for i := 1 to Fil do
  begin
    for j := 1 to (Col*2) do write (A[i,j]:10:3);
    writeln;
  end;
end;

```

```

procedure AgregaMatrizIdentidad (var A : Matriz; N : rango);
var
  i,j : rango;
begin
  for i := 1 to N do
    for j := N + 1 to (N*2) do
      if ((i + N) = j) then A[i,j] := 1 else A[i,j] := 0;
    end;
  end;
end;

```

```

procedure Montante (var A : Matriz; var Deter : real; N : rango);
var
  i,j,k,
  M : rango;
  Factor,
  PivAnt,
  Pivote : tipo;
begin
  AgregaMatrizIdentidad (A,N);
  PivAnt := 1;
  for i := 1 to N do
  begin
    Pivote := A[i,i];
    for k := 1 to N do
      if (ik) then
      begin
        Factor := A[k,i];
        for j := 1 to (N*2) do
          A[k,j] := (A[k,j]*Pivote - A[i,j]*Factor) / PivAnt;
        end; { if }
        PivAnt := Pivote;
      end; { for }
    Deter := Pivote;
  end;
end;

```

```

function CalculaDeterminante (A : Matriz; N : rango) : real;
var
  DeterAux : real;
  MatrizAux : Matriz;
begin
  MatrizAux := A;
  Montante (MatrizAux,DeterAux,N);
  CalculaDeterminante := DeterAux;
end;

```

```

begin
  Captura (MatrizA, Fil_A, Col_A);
  Captura (MatrizB, Fil_B, Col_B);
  ImprimeMatriz (MatrizA, Fil_A, Col_A);
  ImprimeMatriz (MatrizB, Fil_B, Col_B);
  if MultiplicaMatriz(MatrizA, Fil_A, Col_A,
                      MatrizB, Fil_B, Col_B,
                      MatrizC, Fil_C, Col_C) then ImprimeMatriz (MatrizC, Fil_C, Col_C);
  writeln ('Determinante calculado por funcion : ',CalculaDeterminante(MatrizC,Fil_C):10:3);
  Montante (MatrizC,DeterminanteC,Fil_C);
  writeln ('Determinante calculado por Montante : ',DeterminanteC:10:3);
  ImprimeMatrizAdyacente (MatrizC, Fil_C, Col_C);
end.

```