

se enfría: disminuye su temperatura inicial  $T_0$  y el cuerpo 1, aumenta su temperatura -- inicial, calentándose.

En la ecuación 1-11-6, una vez alcanzado el equilibrio térmico entre el cuerpo caliente y el cuerpo frío, la temperatura final  $T$  de los dos cuerpos se iguala, es decir, es la misma para los dos.

#### 1-12 SECCION DE PROBLEMAS RESUELTOS.-

1.- ¿Qué cantidad de calor debemos aplicar a 100 gr de plomo para elevar su temperatura de  $20^\circ\text{C}$  a  $150^\circ\text{C}$ , si su  $C_p = 0.031 \frac{\text{Cal}}{\text{gr}^\circ\text{C}}$ ?

Solución.- Los datos de éste problema son:

$$m = 100 \text{ gr}, T = 150^\circ\text{C}, T_0 = 20^\circ\text{C} \text{ y su } C_p.$$

Como el plomo se va a calentar, pues su temperatura final  $T$  es mayor que su temperatura inicial  $T_0$ , entonces:  $Q = mC_p(T - T_0)$  y sustituyendo, tenemos:

$$Q = (100 \text{ gr}) 0.031 \frac{\text{Cal}}{\text{gr}^\circ\text{C}} (150^\circ\text{C} - 20^\circ\text{C})$$

$$Q = 3.1 (30) \text{ Cal} = 93 \text{ Cal}$$

Entonces, la cantidad de calor  $Q$  será: 93 Cal.

2.- 500 Libras de fierro se sacan de un horno que está a  $1000^\circ\text{F}$ . Calcular la cantidad de calor que perderá el fierro al adquirir la temperatura del medio ambiente que le rodea:  $80^\circ\text{F}$ .

Solución.- Los datos del problema son:

$$m = 500 \text{ Lb}_m, T_0 = 1000^\circ\text{F}, T = 80^\circ\text{F}$$

El  $C_p$  del fierro se busca en la tabla 1-8-1 resultando,  $C_p = 0.113 \frac{\text{B.T.U.}}{\text{Lb}_m^\circ\text{F}}$ , que es el adecuado, pues sus unidades deben ser -- las mismas que las unidades de los datos.

Empleando la ecuación:  $Q = -mC_p(T - T_0)$  pues el fierro se enfría, ya que la temperatura final  $T$  es menor que su temperatura -- inicial  $T_0$ , y sustituyendo;

$$Q = - (500 \text{ Lb}_m) 0.113 \frac{\text{B.T.U.}}{\text{Lb}_m^\circ\text{F}} (80^\circ\text{F} - 1000^\circ\text{F})$$

$$Q = - 500 \times 0.113 (- 920) \text{ B.T.U.}$$

$$Q = 56.5 \times 920 \text{ B.T.U.} = 51,980 \text{ B.T.U.}$$

Es decir, al enfriarse el trozo de fierro, liberará 51,980 B.T.U.

3.- A 100 gr de hielo se le aplican 200 Cal sin fundirlo, elevando su temperatura hasta  $-1^{\circ}\text{C}$ . Si su  $C_p$  es de  $.5 \frac{\text{Cal}}{\text{gr-}^{\circ}\text{C}}$  ¿A qué temperatura se encontraba?

Solución.- Los datos con que se cuenta son:

$m = 100 \text{ gr}$ ,  $Q = 200 \text{ Cal}$ ,  $T = -1^{\circ}\text{C}$  y el  $C_p$

Como el hielo se calentó, usaremos la ecuación  $Q = mC_p(T - T_o)$ , y como se pregunta la temperatura inicial, despejaremos  $T_o$ :

$$\frac{Q}{mC_p} = T - T_o, \quad -T_o = -T + \frac{Q}{mC_p}, \quad T_o = T - \frac{Q}{mC_p}$$

y sustituyendo:

$$T_o = -1^{\circ}\text{C} - \frac{200 \text{ Cal}}{100 \text{ gr} \left( .5 \frac{\text{Cal}}{\text{gr-}^{\circ}\text{C}} \right)}$$

$$T_o = -1^{\circ}\text{C} - \frac{200^{\circ}\text{C}}{100 \times .5}$$

$$T_o = -1^{\circ}\text{C} - \frac{200^{\circ}\text{C}}{50} = -1^{\circ}\text{C} - 4^{\circ}\text{C}$$

$T_o = -5^{\circ}\text{C}$ , ésta será la temperatura inicial del hielo.

4.- Un volumen de  $50 \text{ cm}^3$  de mercurio a  $25^{\circ}\text{C}$ , se introduce a un refrigerador, liberando 381.48 Cal. Calcular la temperatura interior del refrigerador, si la densidad del mercurio es de  $13.6 \text{ gr/cm}^3$  y su  $C_p = .033 \frac{\text{Cal}}{\text{gr-}^{\circ}\text{C}}$ .

Solución.- Primero hemos de calcular la masa de mercurio contenida en los  $50 \text{ cm}^3$ , usando la ecuación de la densidad y despejando la masa, o sea:  $D = \frac{M}{V}$ ,  $M = D \times V$  y sustituyendo;  $M = 13.6 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3} (50 \text{ cm}^3)$

$M = 680 \text{ gr}$ , y el resto de los datos son:  $T_o = 25^{\circ}\text{C}$ ,  $Q = 381.48 \text{ Cal}$ . (Al enfriarse)

Como el mercurio se enfría, pues libera calor, entonces la ecuación a usar es:

$$Q = -mC_p(T - T_o) \text{ y despejando } T;$$

$$\frac{Q}{mC_p} = T - T_o$$

$$\frac{Q}{mC_p} + T_o = T, \text{ y sustituyendo:}$$

$$T = \frac{-381.48 \text{ Cal}}{680 \text{ gr} \left( .033 \frac{\text{Cal}}{\text{gr} \cdot ^\circ\text{C}} \right)} + 25^\circ\text{C}$$

$$T = \frac{-381.48^\circ\text{C}}{22.44} + 25^\circ\text{C} = -17^\circ\text{C} + 25^\circ\text{C}$$

$T = 8^\circ\text{C}$ , ésta será la temperatura interior del refrigerador.

- 5.- A un líquido determinado, se le aplicaron 5.0 Cal para aumentar su temperatura en  $4^\circ\text{C}$ . Si la masa del líquido era de 5 gr, calcular su  $C_p$ .

Solución.- En éste problema se nos dá un cambio en la temperatura:  $\Delta T$  del líquido, por lo que, usaremos la ecuación:

$Q = mC_p \Delta T$ , pues además el líquido se calentó, y despejando el  $C_p$ ;

$$C_p = \frac{Q}{m \Delta T} \text{ y sustituyendo;}$$

$$C_p = \frac{5.0 \text{ Cal}}{5 \text{ gr}(4^\circ\text{C})} = .25 \frac{\text{Cal}}{\text{gr} \cdot ^\circ\text{C}}$$

- 6.- El mismo líquido del problema anterior, sufre un enfriamiento provocando un cambio en su temperatura de:  $\Delta T = -50^\circ\text{C}$ .

¿Qué cantidad de calor desprenderá el líquido al enfriarse?

Solución.- Como el líquido se enfrió, -- usaremos la ecuación:  $Q = -mC_p \Delta T$  y sustituyendo:

$$Q = -5 \text{ gr} \left( .25 \frac{\text{Cal}}{\text{gr} \cdot ^\circ\text{C}} \right) (-50^\circ\text{C}) = 62.5 \text{ Cal}$$

$$Q = -5 (-12.5) \text{ Cal} = 62.5 \text{ Cal}$$

Esta será la cantidad de calor desprendido.

- 7.- Un trozo de hielo a  $-5^\circ\text{C}$  y de 500 gr, ha de calentarse hasta hervirlo y convertirlo totalmente en vapor a la presión de una atmósfera. Calcular la cantidad total de calor que debe emplearse para tal efecto.

Solución.- El problema ha de resolverse en 4 pasos: El primero para llevar al hielo desde  $-5^\circ\text{C}$  hasta  $0^\circ\text{C}$ ; su punto de fusión, el segundo para fundir el hielo, el tercero para llevarlo desde  $0^\circ\text{C}$  hasta  $100^\circ\text{C}$  y por último para convertirlo en vapor en su punto de ebullición.

Para el primer paso usaremos la ecuación  $Q = mC_p(T-T_0)$ , pues el hielo se calentará, por lo tanto:

$$Q = 500 \text{ gr} \left( .5 \frac{\text{Cal}}{\text{gr} \cdot ^\circ\text{C}} \right) [0^\circ\text{C} - (-5^\circ\text{C})]$$

$$Q = 250 (0 + 5) \text{ Cal} = 250 \times 5 \text{ Cal}$$

$$Q = 1250 \text{ Cal}$$

Para el segundo paso, utilizaremos la ecuación:  $L_f = \frac{Q}{m}$ , y despejando Q:

$$Q = mL_f \text{ y como } L_f \text{ del hielo vale } 80 \frac{\text{Cal}}{\text{gr}}:$$

$$Q = (500 \text{ gr}) 80 \frac{\text{Cal}}{\text{gr}} = 40,000 \text{ Cal}$$

Para el tercer paso, de nuevo usaremos la ecuación:  $Q = mC_p(T-T_0)$ , pues el agua obtenida al fundir el hielo en el segundo paso ha de calentarse desde  $0^\circ\text{C}$  hasta  $100^\circ\text{C}$ , por lo tanto:

$$Q = 500 \text{ gr} \left( 1 \frac{\text{Cal}}{\text{gr} \cdot ^\circ\text{C}} \right) (100^\circ\text{C} - 0^\circ\text{C})$$

$$Q = 500 (100) \text{ Cal} = 50,000 \text{ Cal}$$

y finalmente, para evaporar al agua en

su punto de ebullición:  $100^\circ\text{C}$ , hemos de agregarle su calor latente de vaporización:  $L_v = 540 \frac{\text{Cal}}{\text{gr}}$  y usando la ecuación:  $L_v = \frac{Q}{m}$ , despejaremos Q y tenemos:

$$Q = mL_v = (500 \text{ gr}) 540 \frac{\text{Cal}}{\text{gr}}$$

$$Q = 500 \times 540 \text{ Cal} = 270,000 \text{ Cal}$$

Por lo tanto, el calor total se obtendrá sumando cada uno de los calores aplicados en cada paso, así es que:

$$Q_{\text{Total}} = 1250 + 40000 + 50000 + 270,000$$

$$Q_{\text{Total}} = 361,250 \text{ Cal} = 361.25 \text{ Kcal}$$

Esta misma cantidad de calor total, devolverá el vapor de agua obtenido, al convertirse de nuevo en hielo a  $-5^\circ\text{C}$ .

- 8.- Un termómetro de masa 60 gr y de calor específico  $0.20 \frac{\text{Cal}}{\text{gr} \cdot ^\circ\text{C}}$  marca  $15^\circ\text{C}$ . Se introduce en 300 gr de agua y alcanza la misma temperatura final del agua. Si el termómetro marca  $44^\circ\text{C}$  y es exacto ---- ¿Cuál era la temperatura del agua antes de introducir el termómetro, no tomando en cuenta otras pérdidas de calor?

Solución.- Como el termómetro elevó su temperatura, de  $T_o = 15^\circ\text{C}$  a  $T = 44^\circ\text{C}$ , su ecuación será:  $Q_1 = m_1 C_{p1} (T - T_o)_1$ , y como el agua perdió calor al introducir el termómetro en ella, su ecuación será:

$Q_2 = - m_2 C_{p2} (T - T_o)_2$ . El calor:  $Q_1$ , que ganó el termómetro será igual al calor  $- Q_2$  que perdió el agua, por lo tanto: --  
 $Q_1 = Q_2$ , o bien,

$$m_1 C_{p1} (T - T_o)_1 = - m_2 C_{p2} (T - T_o)_2$$

Como el termómetro y el agua finalmente alcanzan el equilibrio térmico, es decir, La temperatura final  $T_1$  del termómetro será ---- igual a la temperatura final  $T_2$  del agua, o sea;  $T_1 = T_2 = T$ , y desarrollando la -- ecuación anterior:

$$m_1 C_{p1} T_1 - m_1 C_{p1} T_{o1} = - m_2 C_{p2} T_2 + m_2 C_{p2} T_{o2}$$

Arreglando ésta ecuación para que en el -- miembro izquierdo queden solamente térmi nos que contengan a  $T_1$  y  $T_2$ :

$$m_1 C_{p1} T_1 + m_1 C_{p2} T_2 = m_2 C_{p2} T_{o2} + m_1 C_{p1} T_{o1}$$

y como:  $T_1 = T_2 = T$ , tendremos:

$$m_1 C_{p1} T + m_2 C_{p2} T = m_2 C_{p2} T_{o2} + m_1 C_{p1} T_{o1}$$

y sacando como factor común a  $T$ :

$$T (m_1 C_{p1} + m_2 C_{p2}) = m_2 C_{p2} T_{o2} + m_1 C_{p1} T_{o1}$$

Ahora, pasando al miembro izquierdo el -- término  $m_1 C_{p1} T_{o1}$ :

$$T (m_1 C_{p1} + m_2 C_{p2}) - m_1 C_{p1} T_{o1} = m_2 C_{p2} T_{o2}$$

y despejando  $T_{o2}$ :

$$T_{o2} = \frac{T (m_1 C_{p1} + m_2 C_{p2}) - m_1 C_{p1} T_{o1}}{m_2 C_{p2}}$$

Los datos del problema son:

$$m_1 = 60 \text{ gr}, m_2 = 300 \text{ gr}, C_{p1} = 0.20 \frac{\text{Cal}}{\text{gr-}^\circ\text{C}},$$

$$C_{p2} = 1 \frac{\text{Cal}}{\text{gr-}^\circ\text{C}}, T_{o1} = 15^\circ\text{C} \text{ y } T = 44^\circ\text{C}$$

Como las unidades de todos los datos son del mismo sistema, para no complicar la -- ecuación, se escribirán solamente los va lores de las variables al sustituirlas:

$$T_{o2} = \frac{44(60 \times 0.20 + 300 \times 1) - 60 \times 0.20 \times 15}{300 \times 1}$$

Finalmente:  $T_{o2} = 45.16^{\circ}\text{C}$

Esta es la temperatura del agua, antes de introducir el termómetro.

9.- Calcular el calor específico de un metal a partir de los siguientes datos. Un depósito hecho del mismo metal tiene una masa de 3.6 Kg que contiene además 13.6 Kg de agua. Un trozo de metal de 1.8 Kg, que está inicialmente a una temperatura de  $175^{\circ}\text{C}$  se arroja al agua. Esta y el depósito tienen inicialmente una temperatura de  $15^{\circ}\text{C}$  y la temperatura final de todo el sistema fué de  $18^{\circ}\text{C}$ .

Solución.- Como el depósito y el agua se calentaron durante el proceso, ganaron energía calorífica, perdida por el metal caliente. Entonces podemos escribir:

$Q = Q_1 + Q_2$ , siendo  $Q_1$  y  $Q_2$ , los calores ganados por el agua y el depósito respectivamente, y  $Q$  el calor total ganado por ellos dos.

$$\text{Entonces: } Q_1 = m_1 C_{p1} (T - T_{o1})$$

$$Q_2 = m_2 C_{p2} (T - T_{o2})$$

que al sustituir  $Q_1$  y  $Q_2$  por sus iguales en la ecuación anterior, tenemos:

$$Q = m_1 C_{p1} (T - T_{o1}) + m_2 C_{p2} (T - T_{o2})$$

Ahora, como el calor perdido por el metal caliente está dado por:

$$Q = - m_3 C_{p2} (T - T_{o3})$$

y además, el calor ganado es igual al calor perdido;

$$m_1 C_{p1} (T - T_{o1}) + m_2 C_{p2} (T - T_{o2}) = - m_3 C_{p2} (T - T_{o3})$$

Arreglando esta ecuación con el fin de tener en el miembro izquierdo solamente al metal:

$$m_2 C_{p2} (T - T_{o2}) + m_3 C_{p2} (T - T_{o3}) = - m_1 C_{p1} (T - T_{o1})$$

Sacando como factor común al  $C_{p2}$  y despejándolo;

$$C_{p2} = \frac{-m_1 C_{p1} (T - T_{o1})}{m_2 (T - T_{o2}) + m_3 (T - T_{o3})}$$

Ahora escribiremos los valores de los datos:

$$m_1 = 13.6 \text{ Kg}, C_{p1} = 1 \frac{\text{Kcal}}{\text{Kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}, T_1 = 18^{\circ}\text{C}, T_{o1} = 15^{\circ}\text{C}$$

$$m_2 = 3.6 \text{ Kg}, C_{p2} = ?, T_2 = 18^{\circ}\text{C}, T_{o2} = 15^{\circ}\text{C}$$

$$m_3 = 1.8 \text{ Kg}, T_3 = 18^\circ\text{C} \text{ y } T_{o3} = 175^\circ\text{C}$$

Vuelve a leer la redacción del problema, para que compruebes éstos datos. El subíndice 1 se refiere al agua, el subíndice 2 se refiere al depósito y el subíndice 3 se refiere al metal caliente. Recuerda que el depósito está hecho del mismo metal, que el metal caliente.

Sustituyendo las variables por sus respectivos datos en la ecuación última:

$$C_{p2} = \frac{-13.6 \times 1 (18-15)}{3.6 (18-15) + 1.8(18-175)}$$

$$C_{p2} = \frac{-40.8}{10.8 - 282.6} = \frac{-40.8}{-271.8} = 0.15$$

De acuerdo con las unidades de los datos, el  $C_p$  del metal será:

$$C_p = 0.15 \frac{\text{Kcal}}{\text{Kg-}^\circ\text{C}}$$

10.-Un calorímetro hecho de aluminio, tiene un depósito cilíndrico de 50 gr. Se le agregan 200 grs de agua y una vez alcanzado el equilibrio térmico entre el depósito y el agua su temperatura es de  $20^\circ\text{C}$ .

Al agregar 50 grs de un líquido que se encuentra a  $70^\circ\text{C}$ , al agua y depósito, se llega finalmente a una temperatura de  $25^\circ\text{C}$ . Calcular el  $C_p$  del líquido, si el  $C_p$  del aluminio es de  $0.22 \frac{\text{Cal}}{\text{gr-}^\circ\text{C}}$ .

Solución.- El depósito y el agua se calientan después de agregar el líquido, enfriándose éste.

$$\text{Entonces: } Q_1 = m_1 C_{p1} \Delta T_1 \text{ y } Q_2 = m_2 C_{p2} \Delta T_2$$

Siendo  $Q_1$  y  $Q_2$ , los calores ganados por el agua y su depósito respectivamente.

Entonces, el calor total ganado  $Q$ , será:

$$Q = Q_1 + Q_2 = m_1 C_{p1} \Delta T_1 + m_2 C_{p2} \Delta T_2$$

Cómo el agua y el depósito sufren el mismo aumento en su temperatura, es decir;

$\Delta T_1 = \Delta T_2$ ,  $\Delta T_1$  y  $\Delta T_2$  se pueden también hacer iguales a  $\Delta T$  simplemente, de modo que la ecuación del calor total, se pueda escribir ahora, así:

$$Q = m_1 C_{p1} \Delta T + m_2 C_{p2} \Delta T$$

y como  $\Delta T$  es factor común, entonces:

$$Q = (m_1 C_{p1} + m_2 C_{p2}) \Delta T$$

Este calor total debe ser igual al calor perdido por el líquido:  $-m_3 C_{p3} \Delta T_3$  por lo tanto:

$$(m_1 C_{p1} + m_2 C_{p2}) \Delta T = -m_3 C_{p3} \Delta T_3$$

y despejando  $C_{p3}$ , que representa el calor específico del líquido:

$$C_{p3} = \frac{(m_1 C_{p1} + m_2 C_{p2}) \Delta T}{-m_3 \Delta T_3}$$

Ahora sacaremos los datos del enunciado del problema:

$$m_1 = 200 \text{ gr}, C_{p1} = 1 \frac{\text{Cal}}{\text{gr} \cdot ^\circ\text{C}},$$

$$m_2 = 50 \text{ gr}, C_{p2} = 0.22 \frac{\text{Cal}}{\text{gr} \cdot ^\circ\text{C}}$$

$$m_3 = 50 \text{ gr}, \Delta T = T - T_0 = 25^\circ\text{C} - 20^\circ\text{C} = 5^\circ\text{C}$$

$$\Delta T_3 = T - T_0 = 25^\circ\text{C} - 70^\circ\text{C} = -45^\circ\text{C}$$

Como todos los datos tienen unidades del mismo sistema, procederemos a sustituir

las variables por sus respectivos valores:

$$C_{p3} = \frac{(200 \times 1 + 50 \times 0.22) 5}{-50(-45)}$$

$$C_{p3} = \frac{(200 + 11.0) 5}{2250} = \frac{1055}{2250} = .468$$

Entonces, el calor específico del líquido, es de:  $0.468 \frac{\text{Cal}}{\text{gr} \cdot ^\circ\text{C}}$ .

1-13 TRANSFERENCIA DE CALOR.- Cuando entre el sistema y su medio ambiente, exista una diferencia de temperaturas, siempre se generará un flujo de energía térmica: Del cuerpo caliente al cuerpo frío. El sistema puede ser el cuerpo caliente o el frío, según sea el caso, así como también, el medio ambiente puede ser cualesquiera de los dos: El caliente o el frío.

Al decir que el flujo térmico siempre será del caliente al frío, ya se le está dando un sentido o una dirección.

Hay tres métodos de transferencia de calor, que son: Por conducción, por convección y por radiación.



A.- TRANSMISIÓN DE CALOR POR CONDUCCIÓN: En éste método, la transferencia de calor se efectúa mediante las vibraciones de las moléculas y electrones libres, que constituyen a un material dado., iniciándose las vibraciones o excitación de las partículas mencionadas, en el extremo caliente del material, dirigiéndose siempre hacia el extremo frío.

Entonces daremos una definición de éste método diciendo: La conducción es la -- transmisión de energía térmica a través de un material que no se mueve, por medio de sus moléculas, átomos y electrones en vibración.

La mayoría de los metales son buenos conductores del calor, ya que tienen un -- buen número de electrones libres, además de sus átomos que vibran fácilmente bajo una diferencia de temperatura, por más pequeña que sea ésta.

La ecuación fundamental de la conduc--- ción del calor es una generalización de los resultados experimentales que se ob--- tuvieron en relación con el flujo térmi

co a través de un material en forma de placa rectangular.

Consideremos la placa de la siguiente figura:

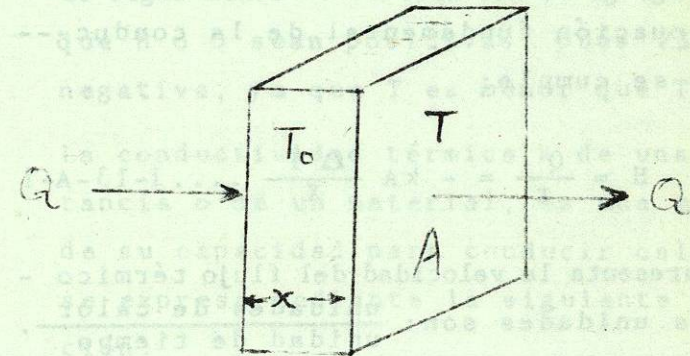


Fig. 1-13-A-1

En esta figura, la placa es de un espesor  $X$ , a lo largo del cual fluye el calor  $Q$ . Observa que al flujo del calor se le ha asignado una dirección: paralela al espesor y un sentido: de izquierda a derecha, pues la cara izquierda de la placa, está a una temperatura  $T_0$  mayor que la cara derecha de la placa, -- que se encuentra a una temperatura final  $T$ , menor que  $T_0$ .