

ral de pesas y medidas, adoptó una forma revisada del sistema M.K.S. para uso internacional. Este sistema de unidades se llama: Sistema internacional de unidades, abreviándose así: SI.

En el sistema SI, además del sistema M.K.S., se cuenta con el sistema cegesimal: C.G.S., representando la C al centímetro, la G al gramo y la S al segundo. El centímetro no es un patrón unidad de longitud, sino un submúltiplo del metro-patrón. El gramo no es un patrón unidad de masa, sino un submúltiplo del kilogramo-patrón.

Ahora nos referimos al sistema inglés de unidades, también perteneciente al sistema absoluto de unidades. En el sistema inglés se han adoptado como patrones de medida: el pié, la libra y el segundo, actuando a la vez como unidades fundamentales de la longitud, de la masa y del tiempo, respectivamente.

En la siguiente tabla 2-2-1, se muestran las unidades fundamentales de cada uno de los tres sistemas de unidades, pertenecientes al sistema absoluto.

TABLA 2-2-1

Cantidad física fundamental.	SISTEMA ABSOLUTO		
	SISTEMAS DE UNIDADES		
	M.K.S.	C.G.S.	INGLES
Longitud	Metro	Centímetro	Pié
Masa	Kilogramo	Gramo	Libra
Tiempo	Segundo	Segundo	Segundo

SISTEMA S.I.

En cuanto al sistema gravitacional, diremos que se diferencia del sistema absoluto, en que, la masa no se considera como una cantidad física fundamental, sino como una cantidad física derivada, siendo las cantidades físicas fundamentales: La longitud, la fuerza, el peso y el tiempo.

El sistema gravitacional se divide a su vez en tres sistemas: El M.K.S. gravitacional, el C.G.S. gravitacional y el B.E. (Sistema Británico de Ingeniería).

En la siguiente tabla 2-2-2, se muestran las unidades fundamentales de cada uno de los tres sistemas, pertenecientes al sistema gravitacional.

TABLA 2-2-2

Cantidad física fundamental.	SISTEMA GRAVITACIONAL		
	SISTEMA DE UNIDADES		
	M.K.S.	C.G.S.	B.E.
Longitud	Metro	Centímetro	Pié
Fuerza o Peso	Kilogramo-fuerza.	Gramo fuerza	Libra-fuerza.
Tiempo	Segundo	Segundo	Segundo

Cabe aclarar que la unidad de masa en el sistema M.K.S. es el kilogramo-masa, en el C.G.S. es el gramo-masa y en el B.E. es el Slug.

El sistema gravitacional será tratado ampliamente en el texto de Física II, al abordar el tema de la Dinámica.

Quedó establecido que las cantidades físicas derivadas son aquellas que se expresan en función de las cantidades físicas fundamentales, obteniéndose como un producto de la multiplicación de dos o más cantidades físicas fundamentales, o como un producto de la división de dos o más cantidades físicas fundamentales. Haciendo uso de las dimensiones, lo anterior se aclarará con los siguientes ejemplos

de cantidades físicas derivadas:

$$\text{Area} = L.L = L^2, \quad \text{Volúmen} = L.L.L. = L^3$$

$$\text{Velocidad} = \frac{L}{T}, \quad \text{Aceleración} = \frac{L/T}{T} = \frac{L}{T^2}$$

$$\text{Fuerza} = \frac{ML}{T^2}$$

Si usamos el sistema M.K.S. para expresar las unidades de las ecuaciones anteriores, tenemos:

$$\text{Area} = \text{Metros Cuadrados}$$

$$\text{Volúmen} = \text{Metros cúbicos}$$

$$\text{Velocidad} = \text{Metros/segundo}$$

$$\text{Aceleración} = \text{Metros/seg}^2$$

$$\text{Fuerza} = \frac{\text{Kilogramos-metro}}{\text{Seg}^2}$$

A las unidades de las cantidades físicas derivadas se les llama: Unidades derivadas, como son los metros cuadrados, los metros cúbicos, las unidades de velocidad, de aceleración y de fuerza, por lo pronto.

Otras unidades que no pueden incluirse dentro de ninguno de los sistemas de unidades mencionadas, son las llamadas: Unidades auxiliares,

como son: El angstrom o el año luz (como unidades de longitud). El Acre o la hectárea (como unidades de área). El litro o la pinta (como unidades de volúmen) o bién, la tonelada o la onza (como unidades de masa).

2-4 FACTORES DE CONVERSION.- Como en éste curso de Física no trataremos con las unidades de masa, el sistema gravitacional lo dejaremos para el siguiente curso de Física II donde si se aplicará. Por lo tanto, usaremos solamente el sistema absoluto y sus unidades fundamentales de longitud, además de las unidades derivadas de área y volúmen. A continuación mostramos las Tablas 2-4-1, 2-4-2 y 2-4-3, que contienen los factores de conversión de: Longitud, Area y Volúmen respectivamente.

T A B L A S

LONGITUD

	cm	METRO	km	plg	pie	milla
1 centímetro =	1	10^{-2}	10^{-5}	0.3937	3.281×10^{-2}	6.214×10^{-5}
1 METRO =	100	1	10^{-3}	39.37	3.281	6.214×10^{-4}
1 kilómetro =	10^5	1000	1	3.937×10^4	3281	0.6214
1 pulgada =	2.540	2.540×10^{-2}	2.540×10^{-5}	1	8.333×10^{-2}	1.578×10^{-5}
1 pie =	30.48	0.3048	3.048×10^{-4}	12	1	1.894×10^{-4}
1 milla terrestre =	1.609×10^4	1609	1.609	6.336×10^4	5280	1

1 angstrom (Å) = 10^{-10} m 1 año luz = 9.4600×10^{12} km 1 yarda = 3 pies
 1 unidad X = 10^{-13} m 1 parsec = 3.084×10^{13} km 1 pértega = 16.5 pies
 1 micra = 10^{-6} m 1 braza = 6 pies 1 mil = 10^{-3} plg
 1 milimicra (mμ) = 10^{-9} m
 1 milla marina = 1 852 m = 1.1508 millas terrestres = 6 076.10 pies

AREA

	METRO ²	cm ²	pie ²	plg ²	milliplg circular
1 METRO CUADRADO =	1	10^4	10.76	1550	1.974×10^6
1 centímetro cuadrado =	10^{-4}	1	1.076×10^{-3}	0.1550	1.974×10^2
1 pie cuadrado =	9.290×10^{-2}	929.0	1	144	1.833×10^3
1 pulgada cuadrada =	6.452×10^{-4}	6.452	6.944×10^{-3}	1	1.273×10^2
1 mil circular =	5.067×10^{-10}	5.067×10^{-6}	5.454×10^{-3}	7.854×10^{-7}	1

1 milla cuadrada = 27 878 400 pies² = 640 acres 1 acre = 43 560 pies²
 1 barn = 10^{-28} m²

VOLUMEN

	METRO ³	cm ³	l	pie ³	plg ³
1 METRO CUBICO =	1	10^6	1000	35.31	6.102×10^4
1 centímetro cúbico =	10^{-6}	1	1.000×10^{-3}	3.531×10^{-5}	6.102×10^{-4}
1 litro =	1.000×10^{-3}	1000	1	3.531×10^{-2}	61.03
1 pie cúbico =	2.832×10^{-2}	2.832×10^4	28.32	1	1728
1 pulgada cúbica =	1.639×10^{-5}	16.39	1.639×10^{-3}	5.787×10^{-4}	1

1 galón para fluidos U.S. = 4 cuartos para fluidos U.S. = 8 pintas U.S. = 128 onzas para fluidos U.S. = 231 plg³.
 1 galón imperial inglés = el volúmen de 10 lb de agua a 62°F = 277.42 plg³.
 1 litro = el volúmen de 1 kg de agua a su máxima densidad = 1 000.028 cm³.

1020123353

Si relacionamos una unidad de la columna izquierda de cada tabla con cada una de las cantidades que se encuentran en el mismo renglón, habremos encontrado una serie de factores de conversión. Digamos que hemos seleccionado la tabla 2-4-1 y que nos fijamos en el renglón de cuyo extremo izquierdo se encuentra: 1M, encontraremos los siguientes factores de conversión:

$$1M = 100 \text{ cm}, 1M = 10^{-3} \text{ Km}, 1M = 39.3 \text{ Pulg},$$

$$1M = 3.28 \text{ piés y } 1M = 6.214 \times 10^{-6} \text{ Millas}$$

En todos estos factores de conversión encontramos un término común: 1 Metro, el cual se ha igualado a un número diferente con unidades diferentes.

En base a lo anterior se dará una definición del factor de conversión, diciendo: Es la equivalencia que hay entre una unidad y un número determinado de unidades de la misma especie.

Se podrá apreciar que en las tablas de factores de conversión, hay unidades más grandes o más chicas que el patrón unidad de medida,

por ejemplo: El kilómetro que equivale a 1000 metros, la tonelada métrica que equivale a 1000 kilogramos, o bien, el centímetro que equivale a la centésima parte del metro o del gramo que equivale a la milésima parte del kilogramo. Pues bien, lo anterior nos indica la existencia de múltiplos y submúltiplos del patrón unidad. A continuación se darán las definiciones siguientes:

Un múltiplo es una cantidad más grande que el patrón unidad.

Un submúltiplo es una cantidad más chica que el patrón-unidad.

El múltiplo o el submúltiplo usualmente se indican mediante el uso de prefijos (partículas gramaticales que se anteponen al nombre del patrón unidad correspondiente.

Como un complemento de las tablas de factores de conversión, se muestra la siguiente tabla 2-3-4.

TABLA 2-3-4

Prefijos usados para los submúltiplos y múltiplos de las cantidades métricas.

Submúltiplo		Múltiplo	
Deci10 ⁻¹	deca 10 ¹
Centi10 ⁻²	Hecto 10 ²
Mili10 ⁻³	Kilo10 ³
Micro10 ⁻⁶	Mega10 ⁶
Nano10 ⁻⁹	Giga10 ⁹
Pico10 ⁻¹²	Tera10 ¹²

A continuación se dará el significado de cada uno de los prefijos de la Tabla 2-3-4.

a) Submúltiplos

- deci = décima parte = 10^{-1}
- centi = centésima parte = 10^{-2}
- Mili = Milésima parte = 10^{-3}
- Micro = Millonésima parte = 10^{-6}
- Nano = Milmillonésima parte = 10^{-9}
- Pico = billonésima parte = 10^{-12}

Si estos prefijos los aplicamos al metro, diríamos: decímetro, o sea la décima parte del metro. Micrometro, o sea la millonésima parte

del metro. También se pueden aplicar al kilogramo, al segundo, al gramo, al pié, o en general, a cualesquier unidad sea fundamental o derivada.

b) Múltiplos:

- deca = diez veces = 10^1
- Hecto = cien veces = 10^2
- Kilo = Mil veces 10^3
- Mega = un millón de veces = 10^6
- giga = Mil millones de veces = 10^9
- tera = Un billón de veces = 10^{12}

Aplicando éstos prefijos al metro, diríamos: decámetro o sea diez metros, kilómetro o sea milímetros, gigámetro o sean 1000000000 de metros, etc. También se pueden aplicar a cualesquier unidad de medida, sea fundamental o derivada.

2-5 CONVERSION DE UNIDADES.- Antes de iniciarnos en las operaciones de conversión de unidades, se dará una definición de los que se trata, - diciendo: conversión de unidades es: Una operación algebraica que, mediante el uso de factores de conversión convenientes, se pueden trans--

formar entre sí, unidades de la misma especie. Para resolver cualquier problema de conversión de unidades, es necesario e indispensable aprenderse los factores de conversión más comunes y de preferencia los de longitud, pues aprendiéndolos, se podrán resolver los problemas de conversión de áreas y volúmenes como se verá en seguida.

En la resolución de los siguientes problemas, se usará el mismo modelo, con el fin de que se familiaricen con él, aunque no quiere decirse que es la única manera de resolverlos.

2-6 SECCION DE PROBLEMAS RESUELTOS.

1.- CONVERSION DE UNIDADES DE LONGITUD.

a) ¿5.5 metros, a cuántos milímetros equivalen?

Solución-Modelo a usar

$$5.5 \text{ M} = X \text{ mm}$$

M significa metros y mm milímetros.

La X representa un número o una cantidad como el 5.5, 10,500 etc. y es la incógnita buscada.

Entonces el primer paso es despejar la incógnita resultando: $x = 5.5 \frac{\text{M}}{\text{mm}}$

Este primer paso se hará siempre en todos los problemas siguientes, para no repetir la explicación.

El segundo paso es sustituir siempre la unidad mayor por la menor, en éste caso: el metro M por milímetros mm, que como se sabe, el factor de conversión es $1\text{M} = 1000 \text{ mm}$ por lo tanto:

$x = 5.5 \frac{1000 \text{ mm}}{\text{mm}}$ se observará inmediatamente -- que los milímetros se eliminarán entre sí, por Algebra, entonces, solo quedarán:

$$x = 5.5 \times 1000 = 5,500$$

El tercer paso y último, es sustituir el valor de la incógnita x en el modelo y el problema -- estará resuelto:

$$5.5 \text{ M} = 5,500 \text{ mm.}$$

De aquí en adelante se mencionará solamente -- los pasos seguidos en éste problema, en todo -- el resto de los problemas a resolver.

b) ¿2.2 Km. a cuántos cm. equivalen?

$$\text{Solución: } 2.2 \text{ Km} = X \text{ cm.}$$

$$\text{Primer paso: } X = 2.2 \frac{\text{Km}}{\text{cm}}$$

$$\text{Segundo paso: } x = 2.2 \frac{1000 \text{ M}}{\text{cm}}$$

$$x = 2.2 \frac{1000 \times 100 \text{ cm}}{\text{cm}}$$

$$x = 220,000$$

$$\text{Tercer paso: } 2.2 \text{ Km} = 220,000 \text{ cm.}$$

c) ¿20 kilómetros a cuántos Megámetros equivalen?

$$\text{Solución: } 20 \text{ Km} = x \text{ Megámetros}$$

$$\text{Primer Paso: } x = 20 \frac{\text{Km}}{\text{Megámetros}}$$

$$\text{Segundo paso: } x = 20 \frac{10^3 \text{ M}}{10^6 \text{ M}} = 20 \times 10^{-3}$$

$$x = .020$$

$$\text{Tercer Paso: } 2.2 \text{ Km} = .020 \text{ Megámetros}$$

d) ¿35 cm a cuántas pulgadas equivalen?

$$\text{Solución: } 35 \text{ cm} = x \text{ pulg}$$

$$\text{Primer Paso: } x = 35 \frac{\text{cm}}{\text{pulg}}$$

$$\text{Segundo Paso: } x = 35 \frac{\text{cm}}{2.54 \text{ cm}} = 13.779$$

$$\text{Tercer Paso: } 35 \text{ cm} = 13.779 \text{ pulg}$$

e) ¿350 M a cuántos piés equivalen?

$$\text{Solución: } 350 \text{ M} = x \text{ piés}$$

$$\text{Primer Paso: } x = 350 \frac{\text{M}}{\text{piés}}$$

$$\text{Segundo Paso: } x = 350 \frac{3.28 \text{ piés}}{\text{piés}}$$

$$x = 1148$$

$$\text{Tercer Paso: } 350 \text{ m} = 1148 \text{ piés}$$

f) ¿8.5 decámetros a cuántas yardas equivalen?

$$\text{Solución: } 8.5 \text{ Decámetros} = x \text{ yardas}$$

$$\text{Primer Paso: } x = 8.5 \frac{\text{Decámetros}}{\text{yardas}}$$

$$\text{Segundo Paso: } x = 8.5 \frac{10 \text{ M}}{\text{yardas}}$$

$$x = 8.5 \frac{10 \times 1.1 \text{ yardas}}{\text{yardas}}$$

$$x = 93.5$$

$$\text{Tercer Paso: } 8.5 \text{ Decámetros} = 93.5 \text{ yardas.}$$

g) ¿75 piés a cuántas pulgadas equivalen?

$$\text{Solución: } 75 \text{ piés} = x \text{ pulg}$$

$$\text{Primer paso: } x = 75 \frac{\text{piés}}{\text{pulg}}$$

$$\text{Segundo paso: } x = 75 \frac{12 \text{ pulg}}{\text{pulg}} = 75 \times 12$$

$$x = 900$$

$$\text{Tercer paso: } 75 \text{ piés} = 900 \text{ pulg.}$$

h) ¿3500 piés a cuántas millas equivalen?

Solución: 3500 piés = x millas

$$\text{Primer paso: } x = 3500 \frac{\text{piés}}{\text{millas}}$$

$$\text{Segundo paso: } x = 3500 \frac{\text{piés}}{5280 \text{ piés}}$$

$$x = .6628$$

Tercer paso: 3500 piés = .6628 millas

2.- CONVERSION DE UNIDADES DE AREA. - En este tipo de conversiones como en el caso que sigue: el de conversión de volúmenes, se seguirán los mismos pasos, pero con algunos agregados;

a) ¿6 cm² a cuántos mm² equivalen?

$$\text{Solución: } 6 \text{ cm}^2 = x \text{ mm}^2$$

$$\text{Primer Paso: } x = 6 \frac{\text{cm}^2}{\text{mm}^2}$$

Segundo paso: Como era de esperarse la unidad mayor se sustituye por la unidad menor, pero ahora, después de la sustitución se elevará al cuadrado como sigue:

$$x = 6 \frac{(10 \text{ mm})^2}{\text{mm}^2}$$

$$x = 6 \frac{100 \text{ mm}^2}{\text{mm}^2} = 600$$

$$\text{Tercer Paso: } 6 \text{ cm}^2 = 600 \text{ mm}^2$$

b) ¿20,000 cm² a cuántos M² equivalen?

$$\text{Solución: } 20000 \text{ cm}^2 = x \text{ M}^2$$

$$\text{Primer Paso: } x = 20000 \frac{\text{cm}^2}{\text{M}^2}$$

$$\text{Segundo Paso: } x = 20000 \frac{\text{cm}^2}{(100 \text{ cm})^2}$$

$$x = 20000 \frac{\text{cm}^2}{10000 \text{ cm}^2} = 2$$

$$\text{Tercer Paso: } 20,000 \text{ cm}^2 = 2 \text{ M}^2.$$

c) ¿60 Hectáreas a cuántos M² equivalen?

$$\text{Solución: } 60 \text{ Hectáreas} = x \text{ M}^2$$

$$\text{Primer Paso: } x = 60 \frac{\text{Hectáreas}}{\text{M}^2}$$

$$\text{Segundo Paso: } x = 60 \frac{10,000 \text{ M}^2}{\text{M}^2} = 60 \times 10,000$$

$$\text{Tercer Paso: } 60 \text{ Hectáreas} = 600,000 \text{ M}^2$$

NOTA: En éste problema, segundo paso, no hubo necesidad de elevar al cuadrado, des---